

# DESS

Génie des procédés avancés d'élaboration des matériaux

Repos de control

## Spectroscopie vibrationnelle

Documents de cours

H. Vesteghem

à partir de la page Techniques en IRTF suivre les numéros

---

école nationale supérieure de céramique industrielle

47 à 73, avenue Albert Thomas 87065 Limoges cedex France - Tel : 05 55 45 22 33 - Fax : 05 55 79 09 98  
Mail : h.vesteghem@ensci.fr



## Constantes physicochimiques

Vitesse de la lumière dans le vide	c	$2,9979 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$
Constante de Planck	h	$6,6262 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$
Constante de Boltzmann	k	$1,3807 \cdot 10^{-23} \text{ J.K}^{-1}$
Constante gravitationnelle	G	$6,6720 \cdot 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}$
Charge élémentaire	e	$1,6022 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Permittivité du vide	$\epsilon_0$	$8,8542 \cdot 10^{-12} \text{ F.m}^{-1}$
Perméabilité du vide	$\mu_0$	$4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H.m}^{-1}$
Masse au repos de l'électron	$m_e$	$9,1095 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$
Masse au repos du proton	$m_p$	$1,6726 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Masse au repos du neutron	$m_n$	$1,6748 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Rayon de Bohr ( $\epsilon_0 \cdot h^2 / \pi \cdot m_e \cdot e^2$ )	$a_0$	$5,2918 \cdot 10^{-11} \text{ m}$
Magnéton de Bohr ( $e \cdot h / 4\pi \cdot m_e$ )	$\mu_B$	$9,2741 \cdot 10^{-24} \text{ J.T}^{-1}$
Magnéton nucléaire ( $e \cdot h / 4\pi \cdot m_p$ )	$\mu_N$	$5,0508 \cdot 10^{-27} \text{ J.T}^{-1}$
Constante de Rydberg ( $m_e \cdot e^4 / 8h^2 \cdot \epsilon_0^2$ )	$R_\infty$	$2,1799 \cdot 10^{-18} \text{ J}$
	$R_\infty/hc$	$1,0974 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$
Nombre d'Avogadro	N	$6,0220 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
Unité de masse atomique ( $10^{-3} \text{ kg/N}$ )	u	$1,6606 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Constante de Faraday (N.e)	F	$96485 \text{ C.mol}^{-1}$
Constante des gaz parfaits (N.k)	R	$8,3144 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$
Zéro de l'échelle Celcius	$T_0$	273,15 K
Atmosphère normale	$P_0$	$1,0132 \cdot 10^5 \text{ Pa}$
Volume molaire normal du gaz parfait	$V_m$	$2,2414 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3.\text{mol}^{-1}$

...et quelques valeurs utiles:

Energie d'ionisation de l'hydrogène:  $I_1=13,606 \text{ eV}$

Doublet jaune du sodium:

$$\lambda(3P_{1/2} \rightarrow 3S_{1/2})=589,593 \text{ nm}$$

$$\lambda(3P_{3/2} \rightarrow 3S_{1/2})=588,996 \text{ nm}$$

Nombres quantiques de spin:

photon: s=1; électron: s=1/2; proton: s=1/2; neutron: s=1/2; noyau C13: s=1/2; noyau O17: s=5/2; noyau F19: s=1/2; noyau Al27: s=5/2; noyau Si29: s=1/2

Masses atomiques isotopiques (/u):

$$\text{H1}=1,00782; \text{ H2}=2,01410; \text{ H3}=3,01605 \quad \text{He3}=3,01603; \text{ He4}=4,00260$$

$$\begin{array}{ll} \text{Li6}=6,01512; \text{ Li7}=7,01600 & \text{B10}=10,0129; \text{ B11}=11,0093 \\ \text{C12}=12,00000; \text{ C13}=13,0034; \text{ C14}=14,0032 & \text{O16}=15,9949; \text{ O17}=16,9991; \text{ O18}=17,9992 \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \text{Pb204}=203,9731; \text{ Pb206}=205,9745; \text{ Pb207}=206,9759; \text{ Pb208}=207,9766 \\ \text{U233}=233,0396; \text{ U234}=234,0410; \text{ U235}=235,0439; \text{ U236}=236,0456; \text{ U238}=238,0508 \\ \text{Pu238}=238,0496; \text{ Pu239}=239,0522; \text{ Pu240}=240,0538; \text{ Pu241}=241,0569; \text{ Pu242}=242,0588; \\ \text{Pu244}=244,0642 \end{array}$$



## GENERALITES

Spectroscopie : Interactions rayonnements-matière  
↓  
électromagnét avec la

Absorption ou émission de RX, UV, Visible, IR, MO,  
onde radio par des atomes ou des molécules

Applications macroscopiques de la spectro :

qq techniques :

- Analyse chimique qualitative et/ou quantitative

Analyse élémentaire dire quel type est fait le matériau

ex : *Absorption atomique*

*Emission atomique ICP*

Analyse fonctionnelle

ex : *Absorption UV-visible*

*Absorption IR (IRTF)*

Applications microscopiques :

Etude structurale (symétrie locale)

*Diffusion Raman*

*Résonance Magnétique Nucléaire (RMN)*



# LE RAYONNEMENT ELECTROMAGNETIQUE

## Dualité onde-corpuscule

$$\text{E d'un photon} : \quad \mathbf{E} = \hbar\omega \quad (\mathbf{E} = h\nu) \quad \mathfrak{F} = \frac{\hbar}{2\pi}$$

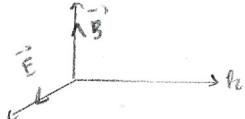
$$\vec{p} = \hbar\vec{k}$$

photon d'énergie  $\mathbf{E}$  et de quantité de mouvement  $\vec{p}$

(effet photoélectrique)

onde de pulsation  $\omega$  et de vecteur d'onde  $\vec{k}$

(interférences)



## Onde électromagnétique

$$\text{champ électrique} : \quad \vec{E} = \vec{E}_0 \cdot \cos(\omega t - kx)$$

$$\text{champ magnétique} : \quad \vec{B} = \vec{B}_0 \cdot \cos(\omega t - kx)$$

$$\omega = 2\pi\nu = \frac{2\pi}{T}$$

$$k = 2\pi\nu = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$\text{vitesse de phase} \quad V = \frac{\omega}{k}$$

$V=c$  dans le vide

$V=c/n$  dans un milieu d'indice  $n$

fréquence  $\nu \times \text{longueur d'onde } \lambda = c$  dans le vide.

$$\boxed{E = \frac{Rc}{\lambda}}$$

- longueur d'onde

$$\boxed{E = Rc \bar{\nu}}$$

nuage d'onde  
(utilisé en IR)



# QUANTIFICATION DE L'ENERGIE TOTALE

1<sup>1s</sup>  
 { 2<sup>2s</sup>  
 2<sup>2p</sup>  
 3<sup>3s</sup>  
 } 3<sup>3p</sup>  
 état fondamental       $E_1$        $E_n = -\frac{1}{n^2} \text{ eV}$   
 états excités       $E_2$

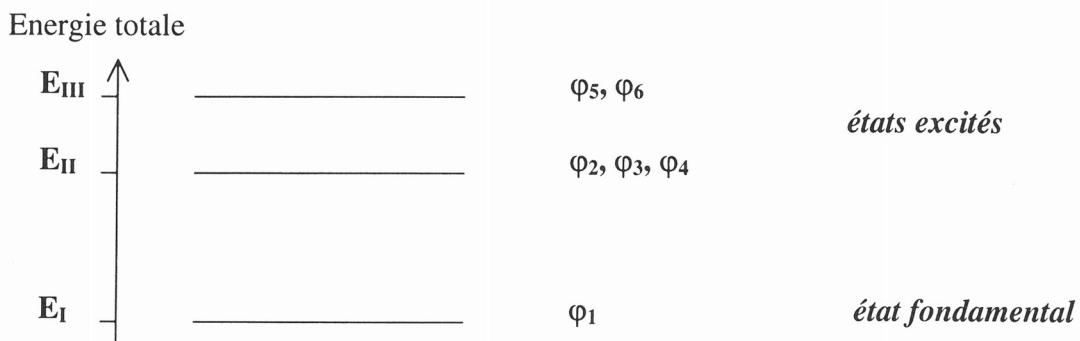
L'atome d'hydrogène ne peut exister que dans des états définis on le place sur le diagramme.

Système quantique (molécule, atome, particule dans un puits de potentiel).

Les états d'un système quantique sont décrits par une *fonction d'onde*  $\varphi$ , dépendant d'un ensemble de  *nombres quantiques*. A chaque état correspond une seule valeur de l'énergie totale E.

## Diagramme de niveaux d'énergie

L'atome est excité → il redescend vers un état fondamental.



## Dégénérescence des niveaux (des états différents ont la même énergie totale)

$$\begin{array}{lll} \text{Degrés de dégénérescence} & g_{\text{I}} = 1 & g_{\text{II}} = 3 \\ & & g_{\text{III}} = 2 \end{array}$$

## Transition entre états quantiques

$$\text{Transition } \varphi_1 \rightarrow \varphi_5 \text{ d'énergie } \Delta E = E_{\text{III}} - E_{\text{I}}$$

$$\text{Transition } \varphi_2 \rightarrow \varphi_5 \text{ d'énergie } \Delta E = E_{\text{III}} - E_{\text{II}}$$

## Règles de sélection (certaines transitions sont interdites)

Atome de sodium (états (L, S, J, M<sub>J</sub>))

$$\Delta L = \pm 1$$

$$\Delta S = 0$$

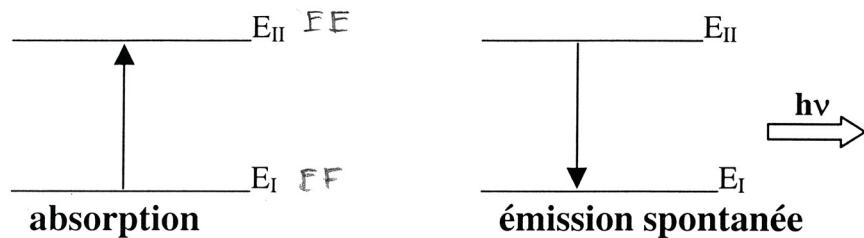
$$\Delta J = \pm 1, 0$$

$$\Delta M_J = \pm 1, 0$$



## Absorption ou émission de photons

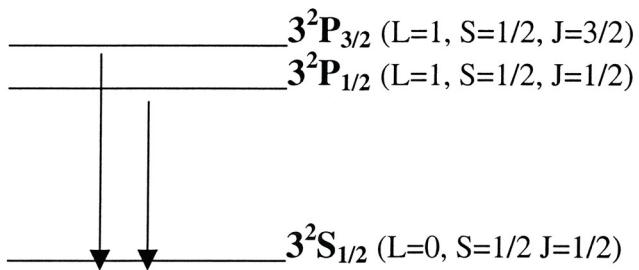
on est des l'EF  
 $E_I$ , on affirme !  
 Photon va en  
 $E_{II}$  ( $\Rightarrow$  absorption)  
 de  $E_{II}$  on redescend  
 vers  $E_I$  perte d'  
 photon ( $\Rightarrow$  émission  
 spontanée)



conservation de l'énergie totale :

$$h\nu = E_{II} - E_I$$

## Doublet jaune du sodium

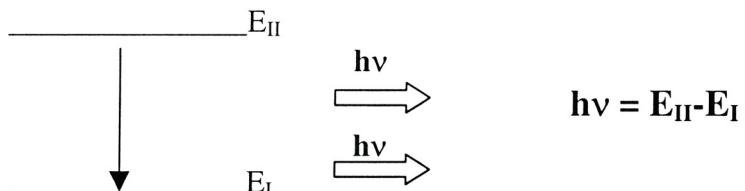


transition  $3^2P_{1/2} \rightarrow 3^2S_{1/2}$      $\Delta E = 2,103 \text{ eV}$      $\lambda = 589,6 \text{ nm}$

transition  $3^2P_{3/2} \rightarrow 3^2S_{1/2}$      $\Delta E = 2,105 \text{ eV}$      $\lambda = 589,0 \text{ nm}$

## Emission induite (ou stimulée)

on est des  $E_{II}$   
 on redescend vers  
 $E_I$  par RD  
 il y a perte de 2 RD  
 $\Rightarrow$  c'est l'émission induite.



$T = 300 \text{ K}$   
 $\rho_p = 1.18 \text{ g/cm}^3$

✓

# Population des niveaux d'énergie

**Equilibre thermique (distribution de Boltzmann)** *on admet qu'il y a des atomes d'hydrogène qui sont à l'équilibre*

**Probabilité de trouver le système dans l'état j décrit par  $\varphi_j$  et d'énergie  $E_i$  :**

$$p_j = \frac{\exp - \frac{E_i}{kT}}{\sum_{j=1}^N \exp - \frac{E_i}{kT}}$$

**Probabilité de trouver le système dans le niveau d'énergie  $E_i$  :**

$$P_j = \frac{g_i \cdot \exp - \frac{E_i}{kT}}{\sum_{i=1}^M g_i \cdot \exp - \frac{E_i}{kT}}$$

**Fonction de partition Z :**

$$Z = \sum_{j=1}^N \exp - \frac{E_i}{kT} = \sum_{i=1}^M g_i \cdot \exp - \frac{E_i}{kT}$$

avec  $M \leq N$

**Rapport des populations de deux niveaux d'énergie  $E_1$  et  $E_2$  :**

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{g_2}{g_1} \exp \left[ \frac{E_2 - E_1}{kT} \right]$$

degré de dégénérescence des niveaux d'E

Ratio de Boltzmann

$$\frac{m_2}{m_1} = \frac{3}{1}$$

qd on augmente la température des niveaux d'E dans le cas de l'émission.

$$\frac{0,0021 \times 1,6 \times 10^{-19}}{1,38 \times 10^{-23} \times 300}$$

$E_2$  2s, 2p<sub>1/2</sub>, 2p<sub>3/2</sub>, 2p<sub>1</sub> 4 niveaux dégénérés

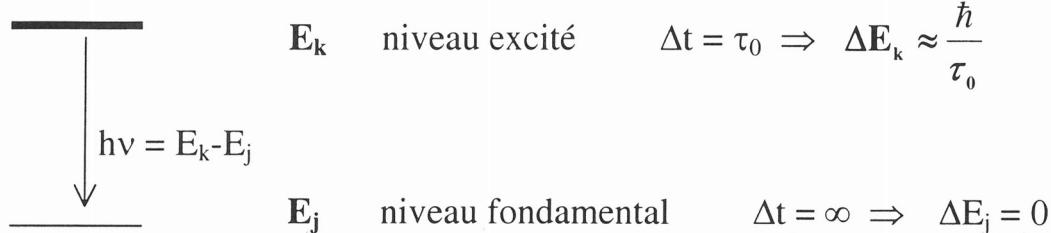
$E_1$  (EF) 1s non dégénéré



# Largeur des raies d'émission

## Elargissement naturel

**Relation d'Heisenberg**



$$\frac{\Delta\nu}{\nu} = \frac{\Delta E_k}{E_k - E_j}$$

$$\Delta\nu = \frac{1}{2\pi\cdot\tau_0}$$

$$\Delta\lambda = \frac{\lambda^2}{2\pi\cdot c\cdot\tau_0}$$

## Effet Doppler

influence de la température T

à l'équilibre thermique, distribution de Maxwell des vitesses       $\bar{V} = \sqrt{\frac{kT}{m}}$

fréquence observée :       $\nu = \nu_0 \cdot (1 - \frac{V}{c})$

$$I_D = I_0 \cdot \exp \left[ - \left( 2\sqrt{\ln 2} \cdot \frac{\lambda_0 - \lambda}{\Delta\lambda_D} \right)^2 \right]$$

$$\Delta\lambda_D = \frac{2\lambda}{c} \cdot \sqrt{2k \cdot \ln 2} \cdot \sqrt{\frac{T}{m}}$$

## Effet Lorentz

influence de la pression P

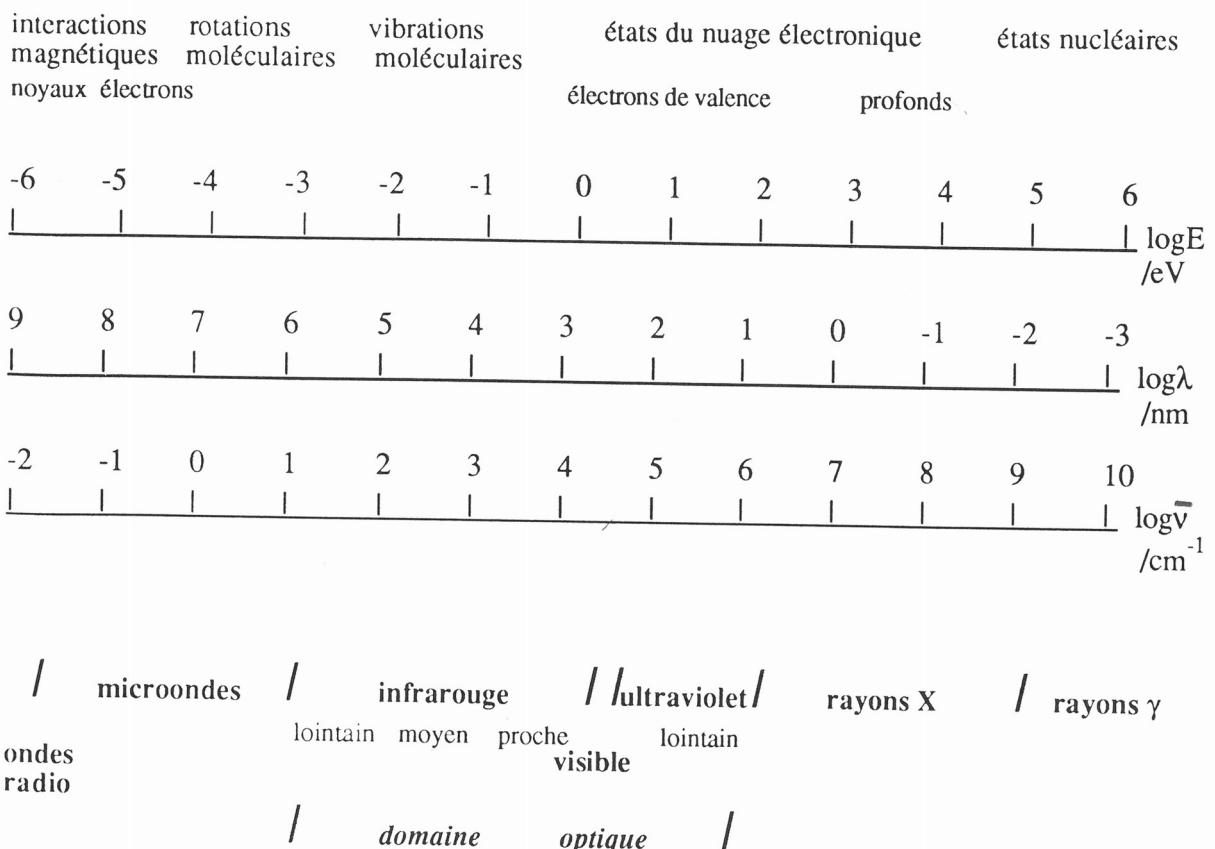
$$I_L = \frac{I_0}{1 + \left( 2 \frac{\lambda_0 - \lambda}{\Delta\lambda_L} \right)^2}$$

$$\Delta\lambda_L = \frac{2\lambda^2 \cdot \sigma^2 \cdot P}{\pi \cdot c \cdot kT} \cdot \sqrt{2\pi \cdot k} \cdot \sqrt{\frac{2T}{m}}$$



## Les domaines de la spectroscopie

Transitions entre niveaux d'énergie correspondant aux:



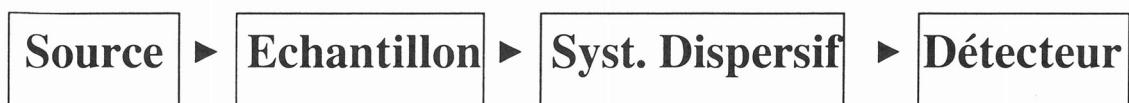
### Domaines spectraux



## INSTRUMENTATION

⇒ *Analyse spectrale du rayonnement émis ou transmis*

### Méthode directe



*La source et l'échantillon sont confondus dans les techniques d'émission*

*on utilise un*

**Système dispersif :**

**fixe (récepteur d'image, spectrographe)**

**mobile (récepteur de flux, spectromètre)**

*Méthode globale pour le système fixe*

*Méthode séquentielle pour le système mobile*

### Méthode indirecte

**Dispositif multiplex (spectromètre à transformée de Fourier)**

*Pas de système dispersif*

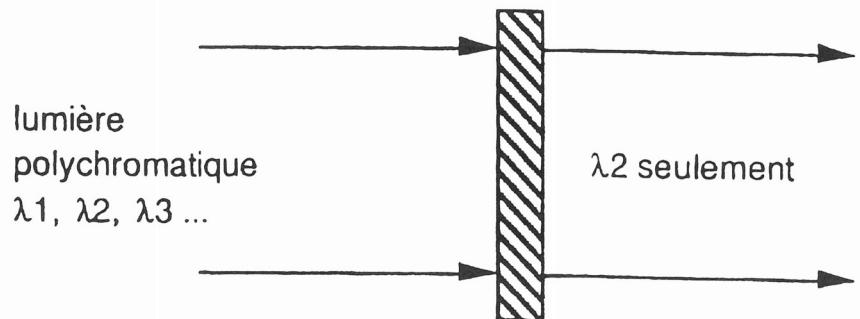
*Un seul récepteur de flux*

*Codage des éléments spectraux (interféromètre de Michelson)*

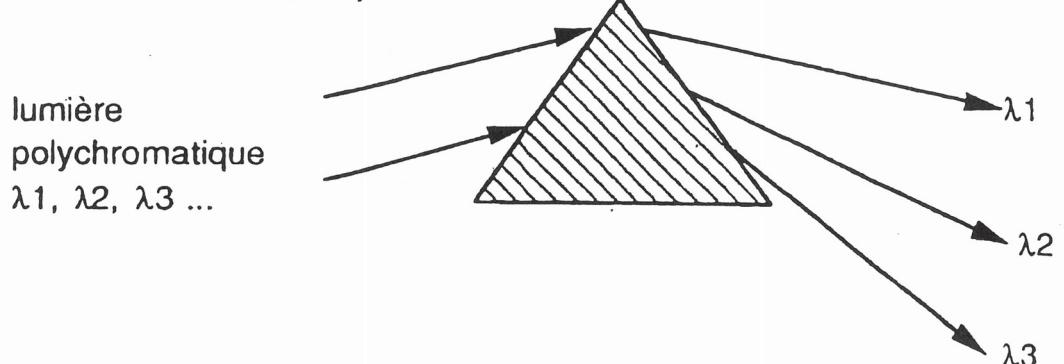


# SYSTEMES d'ANALYSE SPECTRALE

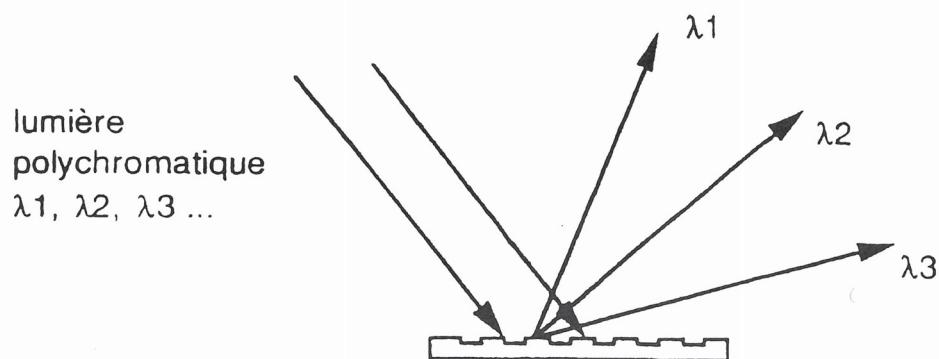
## Filtres: (colorés, interférentiels)



## Prismes: (verre, silice, NaCl, LiF)



## Réseaux plan, échelette, gravés, holographiques



## interféromètre de MICHELSON

interférences par déplacement d'un miroir mobile



$F(x)$   
interférogramme

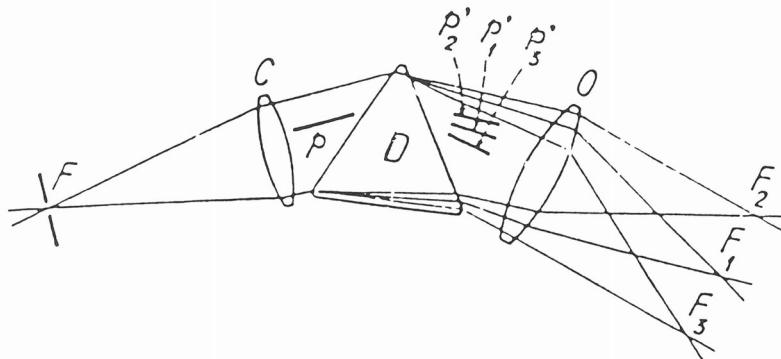


$I(v)$   
spectre

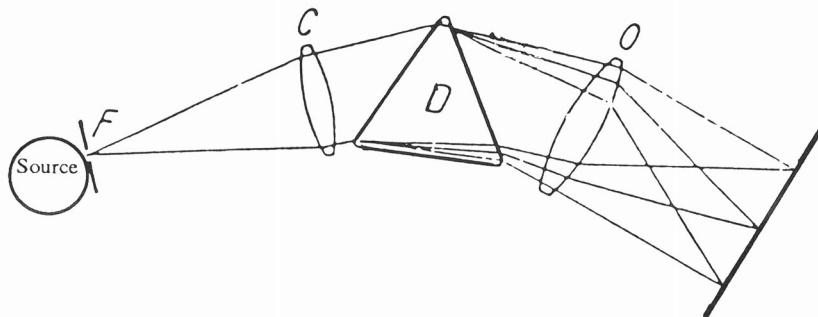
transformation de FOURIER  
par ordinateur



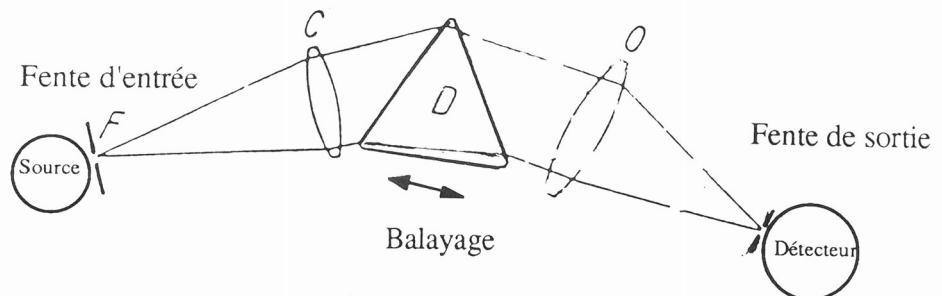
## Analyse spectrale du rayonnement



$C$	collimateur	$O$	objectif
$D$	dispenseur	$p$	plan d'incidence
$F$	fente d'entrée	$p'_1, p'_2, p'_3$	plans d'émergence pour trois longueurs d'onde
$F_1, F_2, F_3$	images monochromatiques de $F$		



Spectrographe : système dispersif fixe

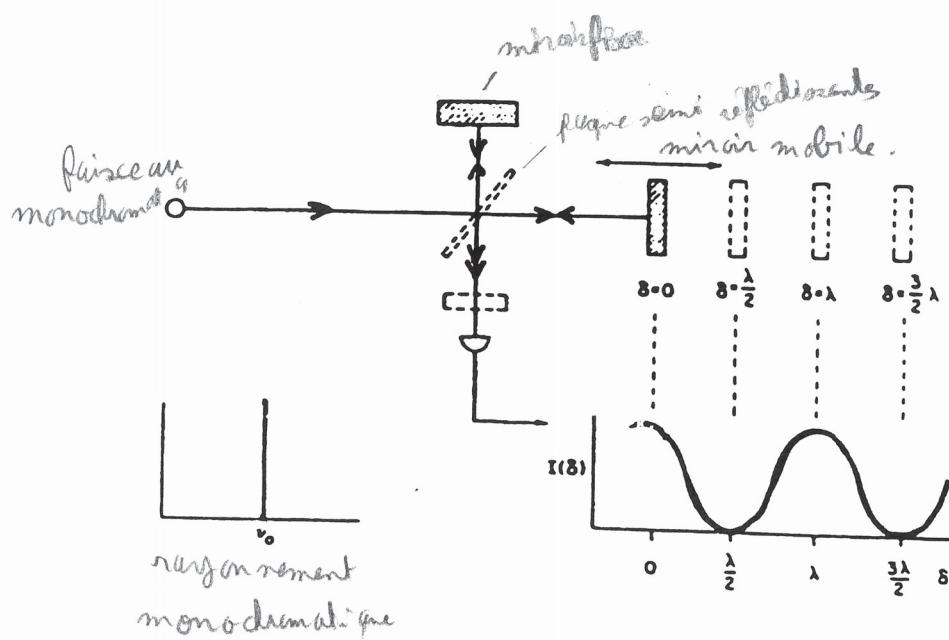


Spectromètre à fentes : système dispersif mobile

En faisant bouger l'objectif on aura des longueurs d'onde  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3, \dots$



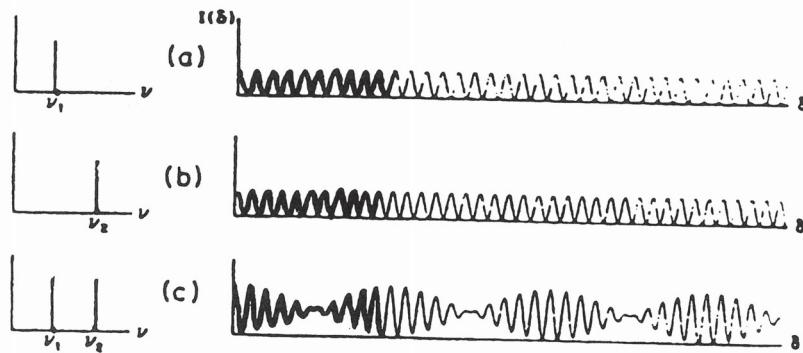
# Interféromètre de MICHELSON



on déplace le miroir mobile  
certains postes du miroir on a l'intensité maximale  
→ on obtient ainsi l'interférogramme.

l'interférogramme.

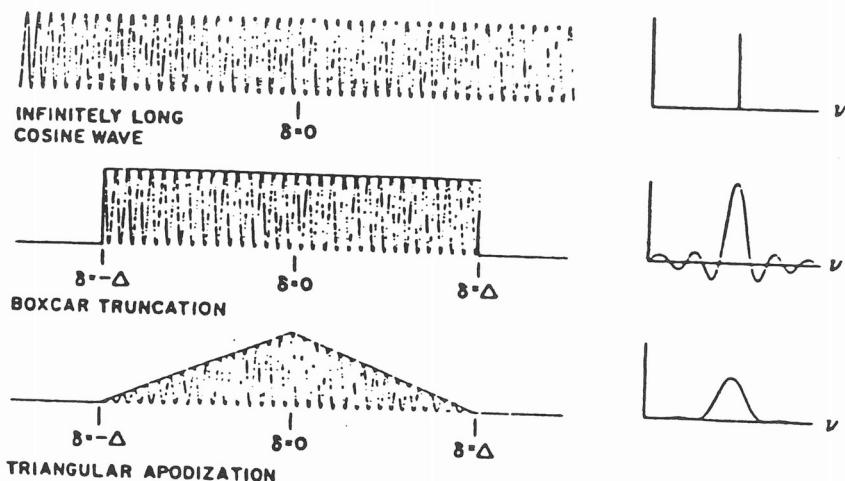
ici changement de longueur d'onde



on utilise l'interféromètre de Michelson  
on obtient des interférogramme  
on fait la TF (transformée de Fourier)  
et revenir à la longueur d'onde



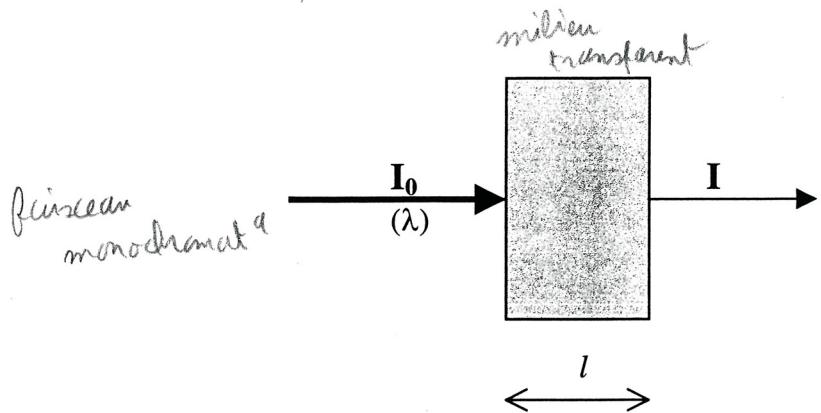
la méthode de traitement  
enfinaison de  
l'interférogramme  
avec des fil rectangles  
triangle.





# Spectrométrie d'absorption

## Loi de Beer-Lambert



Milieu transparent :  $0 < I < I_0$

$$I = I_0 \cdot \exp[-\mu l] \quad (\text{Lambert})$$

Solution diluée ( $C \leq 1 \text{ mol.L}^{-1}$ ) et absorption du soluté :

$$I = I_0 \cdot \exp[-k'lC] \quad (\text{Beer})$$

Absorbance :  $\alpha$

$$\underline{A = \log I_0/I}$$

$$\underline{= \log 1/T}$$

avec  $T$  facteur de transmission

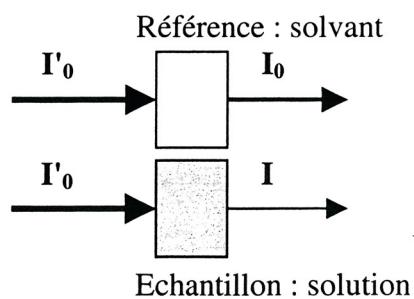
d'où

$$\boxed{A = k.l.C}$$

$k$  : coefficient d'extinction molaire ou  $\mathcal{E}$

Méthode différentielle

(système double faisceau)





# Analyse quantitative

## Grandeurs mesurées

### Concentrations

molaire  $n/V$  ( mol.L<sup>-1</sup> )

massique  $m/V$  ( kg.m<sup>-3</sup> )

### Fractions

atomique (  $x_i = n_i/\sum n_i$  )

massique (  $w_i = m_i/\sum m_i$  )

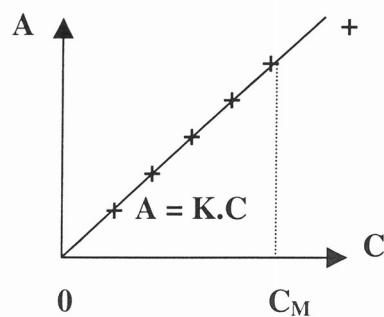
$$\%_{\text{atomique}} = 100 \times$$

$$\text{ppm} = 10^6 \times$$

$$\text{ppb} = 10^9 \times$$

## Méthode relative

### Courbe d'étalonnage



on vérifie que la loi de Beer est vraie, que l'absorbance est proportionnel à C

+ la pente est forte, + la C est grande.

domaine de linéarité :  $0 < C < C_M$

seuil de détection :  $C_m$  à laquelle on a l'absorbance mesurée

gamme de solutions étalons :  $C_m < C_e < C_M$

sensibilité : K

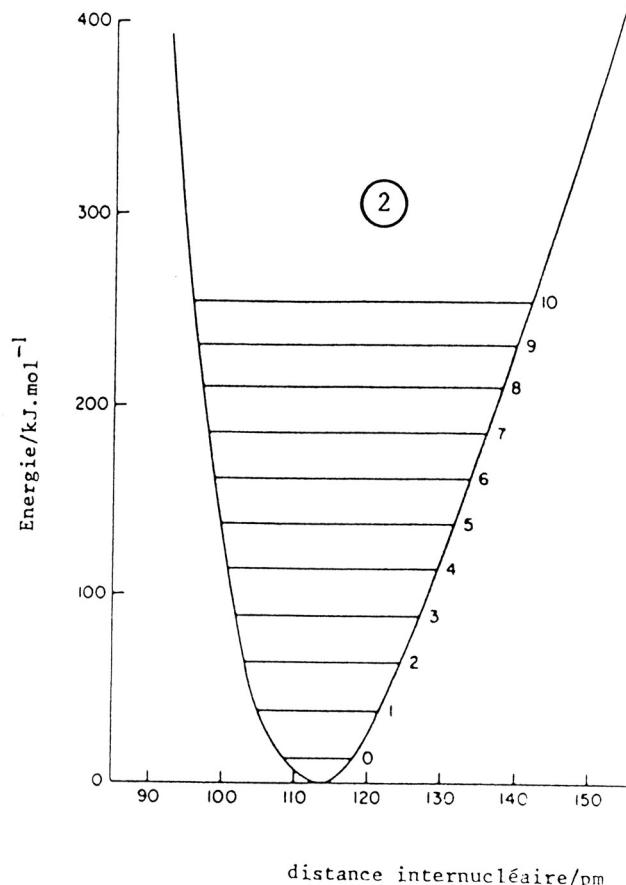
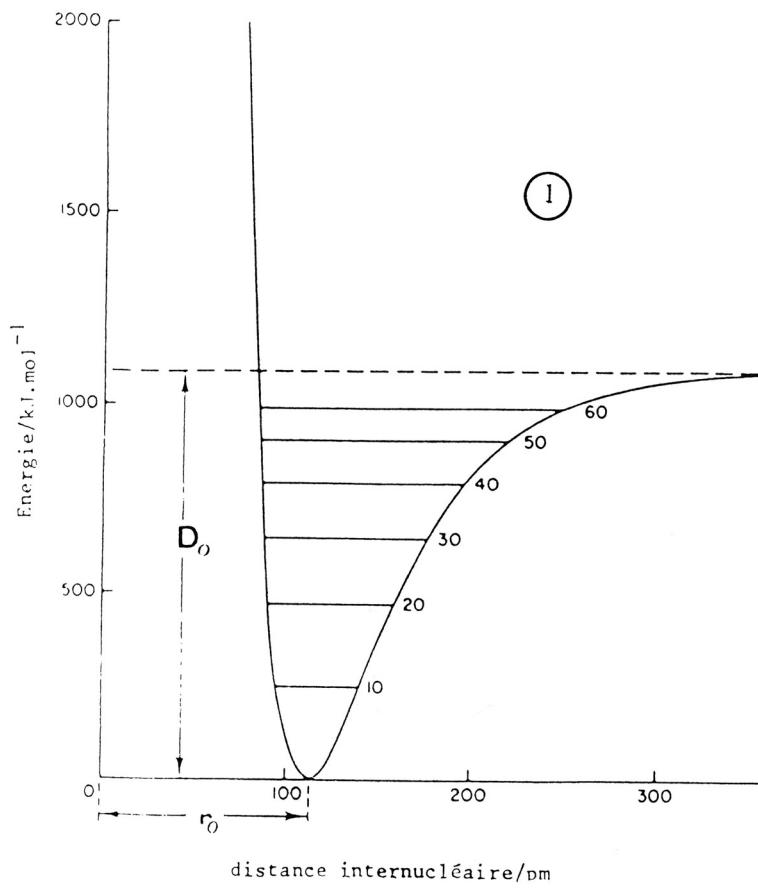
## Méthode des ajouts



# Spectroscopie vibrationnelle

ici c'est  $E_E + E_{vib}$  qui est énergie fondamentale

Quantification de l'énergie vibrationnelle ; molécule diatomique CO immobile  
centre de gravité fixe



1. Energie potentielle de la molécule ( $V_N + E_E$ ) et niveaux vibrationnels pour l'état électronique fondamental.

2. Les onze premiers niveaux vibrationnels ( $v=0$  à  $v=10$ ) : validité de l'approximation harmonique pour les premiers niveaux.

$$E_{\text{totale}} = E_{\text{électronique}} + E_{\text{vibr.}} + E_{\text{rot.}}$$

quantification de l'énergie totale.

$$\Delta E_{\text{entre}} \rightarrow E_E - E_E = 25 \text{ eV}$$

$$E_E = 93 \text{ eV}$$

$$E_{\text{rot.}} = 0,05 \text{ eV}$$

$$E_{\text{vib.}} = (v + \frac{1}{2})R\nu_0 \quad \text{avec } v: \text{nombre quantique vibrationnel } (v=N) \quad 0, 1, 2, \dots$$

$\nu_0$  dépend de la caractéristique de la molécule.

$$\frac{1}{2} = \bar{\nu}$$

$$\nu_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{\mu}}$$

f : cst de force de la liaison

N : masse réduite de la molécule

$$\frac{1}{N} = \frac{1}{M_e} + \frac{1}{M_o}$$

Spectroscopie

H. Vesteghem

$$E_{\text{rot.}} = J(J+1) \cdot \frac{R^2}{2I} = J(J+1)R_B$$

$$I = \mu r^2$$

r : distance, longueur de la liaison

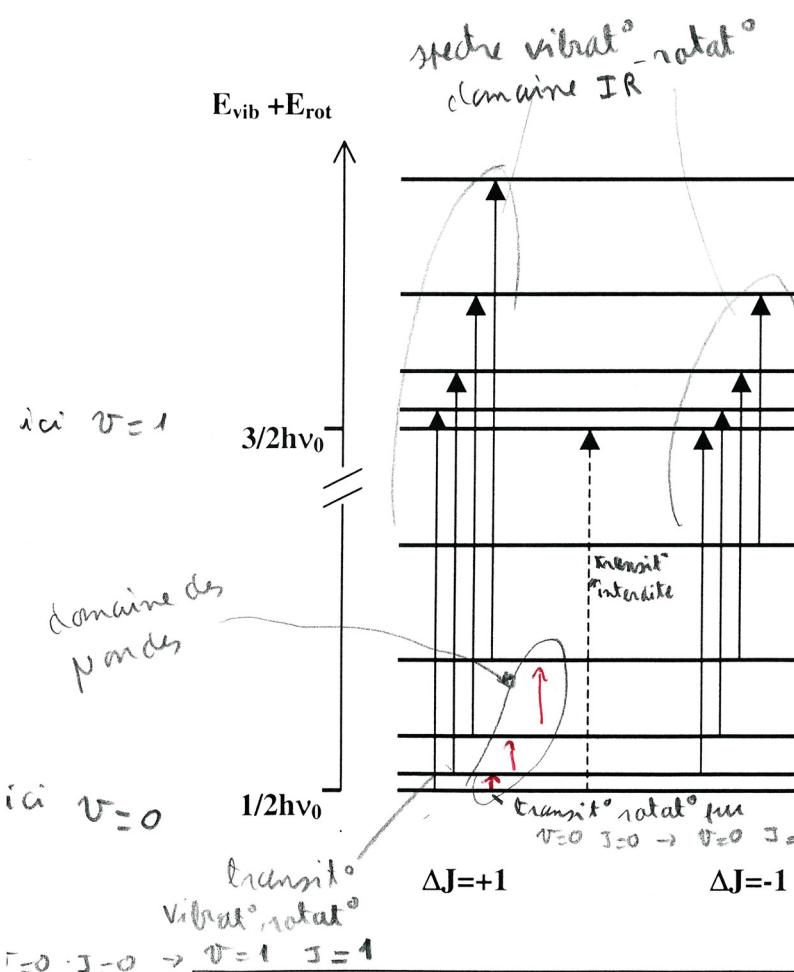
J : nombre quantique rotatifiel 0, 1, 2, ...

→

ici ni la vibrat', les niveaux d'E sont équidistants.

## Spectre de vibration-rotation de HBr

Niveaux d'énergie rotationnelle pour $v=0$					<i>populat. relative.</i>
	J	J(J+1)	g	$E_{\text{rot}} / \text{eV}$	$n(J)/n(J=0)$
	5	30	11	0,0313	3,3
	4	20	9	0,0209	4
	3	12	7	0,0125	$4,3 \cdot \frac{1}{2} k \nu_0 + k \hbar B$
$v=0$	2	6	5	0,0063	$3,1 \cdot \frac{1}{2} k \nu_0 + 6 \hbar B$
	1	2	3	0,0021	$2,8 \cdot \frac{1}{2} k \nu_0 + 2 \hbar B$
	0	0	1	0	$1 \cdot \frac{1}{2} k \nu_0$



<u>Règle de sélection</u>
$\Delta v = \pm 1$
$\Delta J = \pm 1$
$v=0$ à $300\text{K}$ le niveau est plus peuplé que l'état fondamental
la populat. relative diminue à partir de $J=3$ car variation d' $E$ faible.



✓

## Spectre de vibration-rotation de HBr

### Branche R ( $\Delta J=+1$ )

Transition	Energie	Energie ( $B_0=B_1$ )
( $v=0 ; J=0$ ) ( $v=1 ; J=1$ )	$(3/2hv_0+2hB_1)-(1/2hv_0+0)$	$hv_0+2hB$
( $v=0 ; J=1$ ) ( $v=1 ; J=2$ )	$(3/2hv_0+6hB_1)-(1/2hv_0+2hB_0)$	$hv_0+4hB$
( $v=0 ; J=2$ ) ( $v=1 ; J=3$ )	$(3/2hv_0+12hB_1)-(1/2hv_0+6hB_0)$	$hv_0+6hB$
( $v=0 ; J=3$ ) ( $v=1 ; J=4$ )	$(3/2hv_0+20hB_1)-(1/2hv_0+12hB_0)$	$hv_0+8hB$

---

### Branche P ( $\Delta J=-1$ )

Transition	Energie	Energie ( $B_0=B_1$ )
( $v=0 ; J=1$ ) ( $v=1 ; J=0$ )	$(3/2hv_0+0)-(1/2hv_0+2hB_0)$	$hv_0-2hB$
( $v=0 ; J=2$ ) ( $v=1 ; J=1$ )	$(3/2hv_0+2hB_1)-(1/2hv_0+6hB_0)$	$hv_0-4hB$
( $v=0 ; J=3$ ) ( $v=1 ; J=2$ )	$(3/2hv_0+6hB_1)-(1/2hv_0+12hB_0)$	$hv_0-6hB$
( $v=0 ; J=4$ ) ( $v=1 ; J=3$ )	$(3/2hv_0+12hB_1)-(1/2hv_0+20hB_0)$	$hv_0-8hB$

---

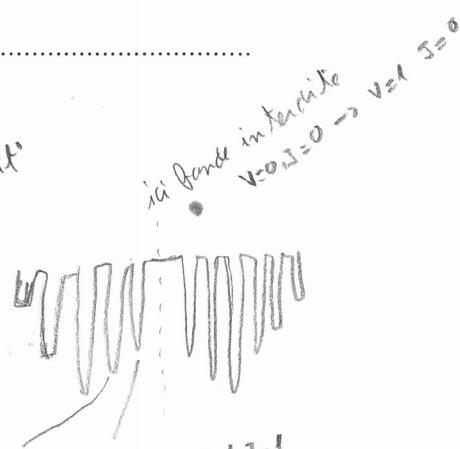
il y a % entre l'angle d'angle et les  $\Delta E$  de chaque transit

le max d'amplitude doit être pour  $J=3$

l'amplitude des bandes fait intervenir le rapport

la position       $v=0$      $v=1$      $v=2$      $v=3$      $\Delta E$

$v=1 J=1 \rightarrow v=1 J=2$        $v=0 J=0 \rightarrow v=1 J=1$



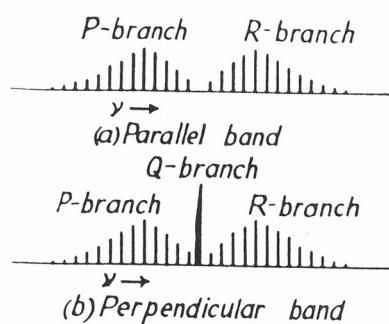


# Spectres de vibration-rotation

## Molécule CO<sub>2</sub> et absorption IR

### 4 modes normaux de vibration :

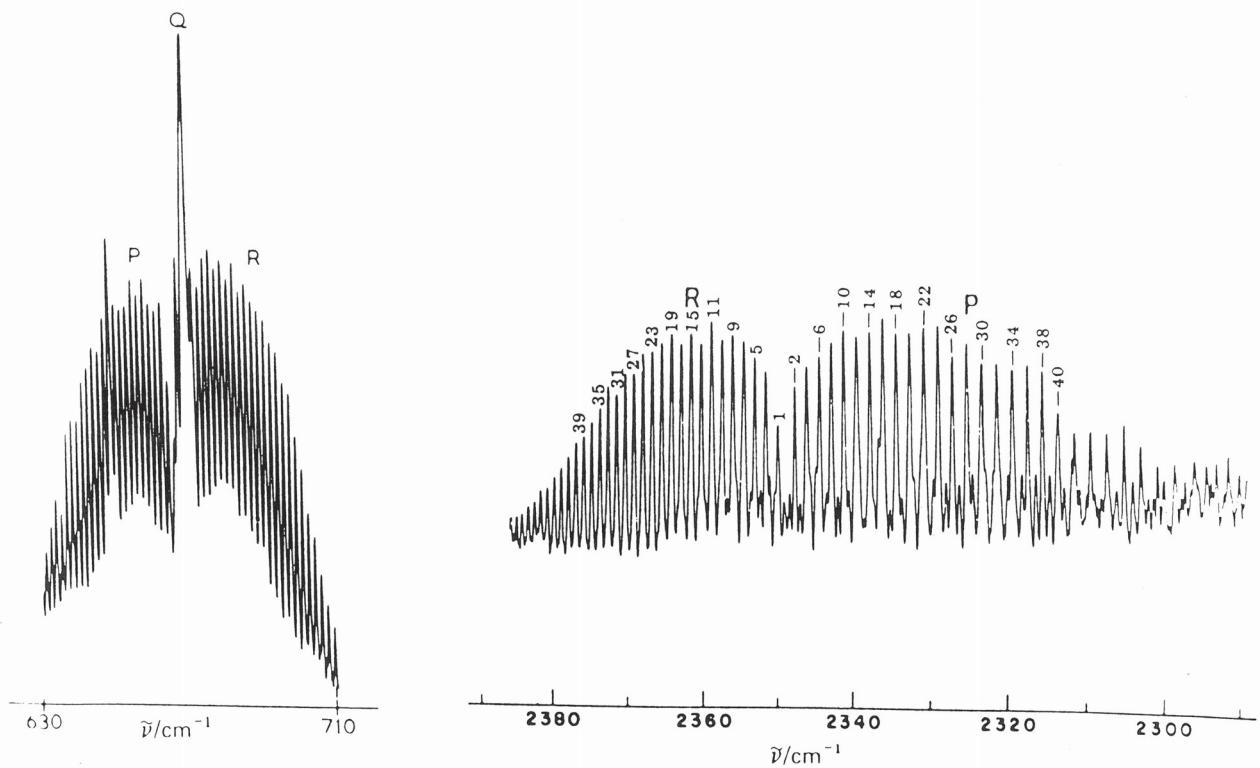
- 1 élongation symétrique       $\bar{v}_1 = 1343 \text{ cm}^{-1}$  (inactive IR)
- 2 déformations symétriques       $\bar{v}_2 = 667 \text{ cm}^{-1}$  (doublement dégénérée ; active IR)
- 1 élongation antisymétrique       $\bar{v}_3 = 2349 \text{ cm}^{-1}$  (active IR)



### Règles de sélection pour un rotateur linéaire

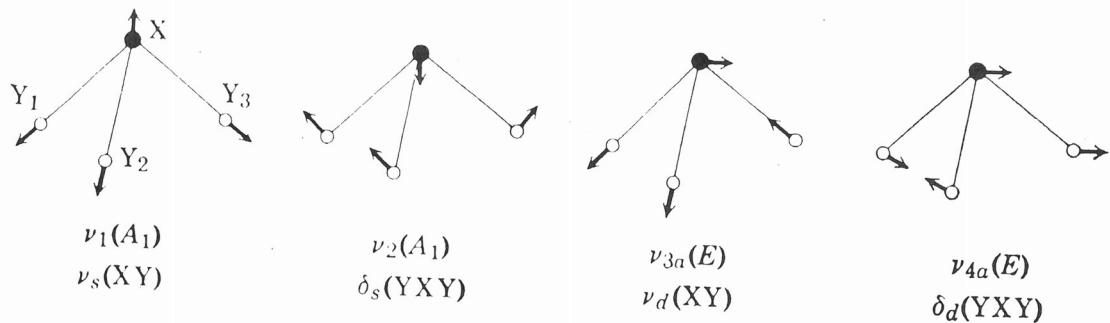
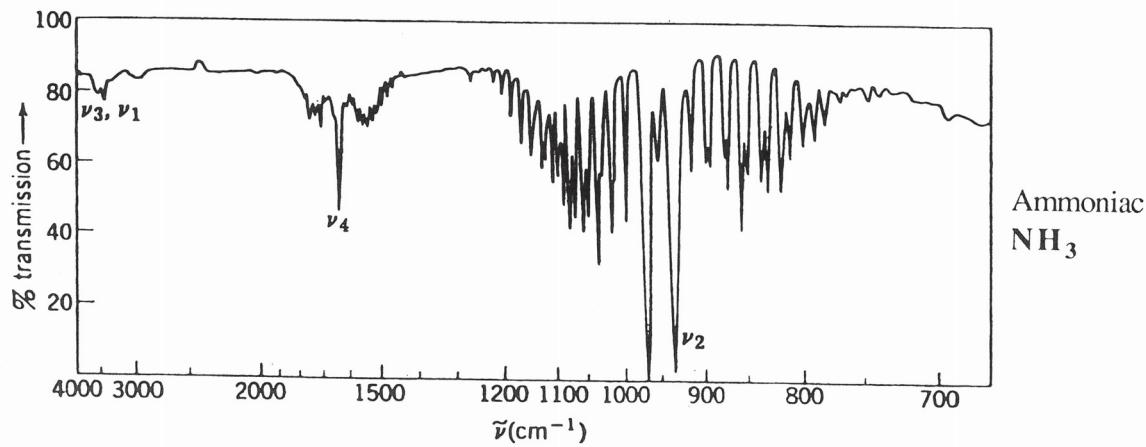
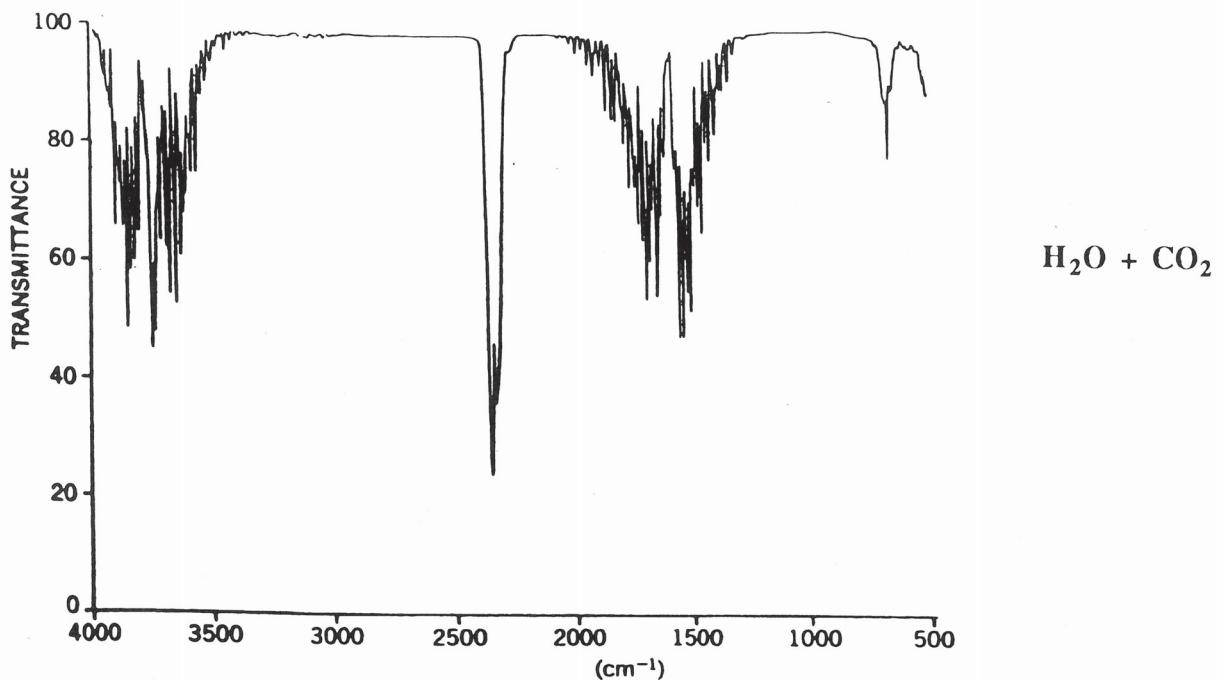
mode parallèle à l'axe       $\Delta v = 1$        $\Delta J = \pm 1$

mode perpendiculaire à l'axe       $\Delta v = 1$        $\Delta J = 0, \pm 1$





## Spectres d'absorption infrarouge ; gaz



Modes normaux de vibration d'une molécule pyramidale  $\text{XY}_3$   
 (groupe ponctuel de symétrie  $\text{C}_{3v}$ )



# Absorbance

## Spectres d'absorption IR

Molécule HCl à l'état gazeux et en solution

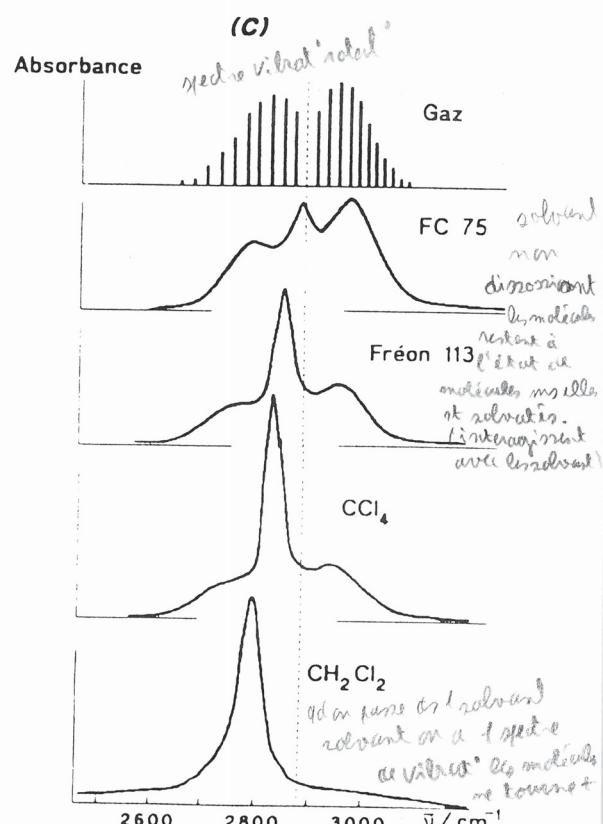
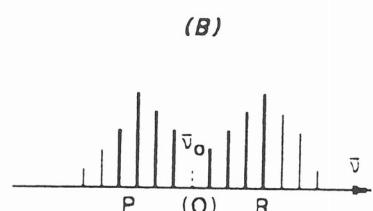
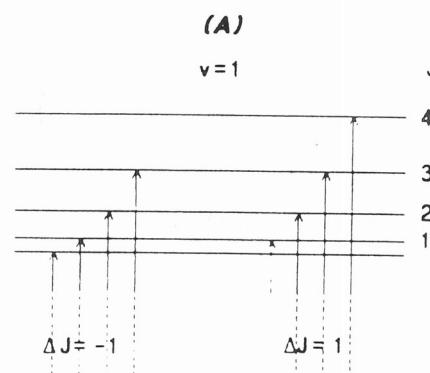
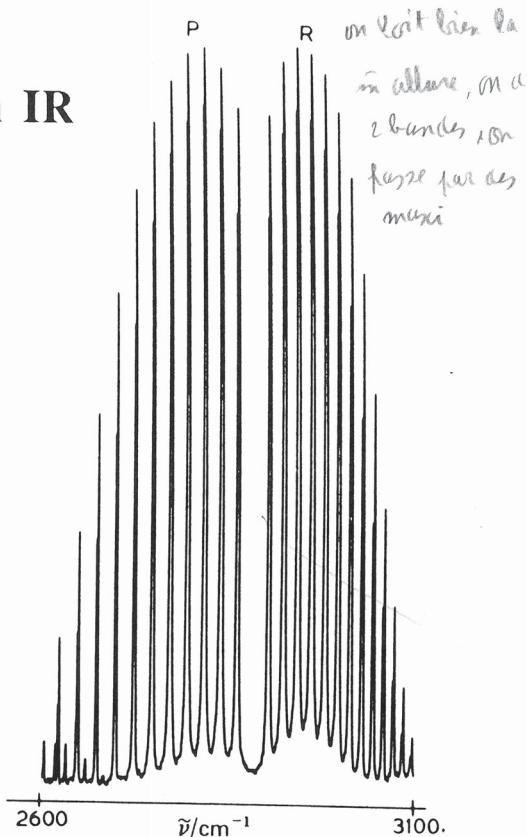
1 mode normal de vibration :

élongation symétrique  $\bar{\nu}_1 = 2886 \text{ cm}^{-1}$  (active IR)

harmoniques : 5668, 8347, 10023, 13397  $\text{cm}^{-1}$ .

pour calculer la constante de force, on prend la bande interdite  
on applique la formule, on calcule  $\mu \Rightarrow k \approx 500 \text{ N.m}^{-1}$

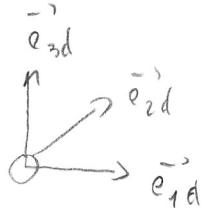
pour calculer la longueur de liaison on utilise l'E de rotat'  
 $\text{HCl}^{17} + \text{gaz de masse réduite, autre d'onde + petit}$



- (A) Niveaux d'énergie de vibration- rotation ; n'est pas à se placer sur les solvants.
- (B) Spectre d'absorption IR à l'état gazeux ; vient de faire une déflexion.
- (C) Comparaison des spectres de HCl à l'état gazeux et en solution en fonction du solvant (Le FC75 et le fréon 113 sont des solvants fluorés).

vers les D + petit.

## modes normaux de vibration



3 degrés de liberté/atom

Pour une molécule à  $N$  atomes,  $3N$  degrés

$$\left\{ \begin{array}{l} 3N-6 \text{ modes normaux de vibration} \rightarrow \text{élongat}^* \\ 3 \text{ translat}^* \\ 3 \text{ rotat}^* \end{array} \right.$$

Pour une molécule linéaire

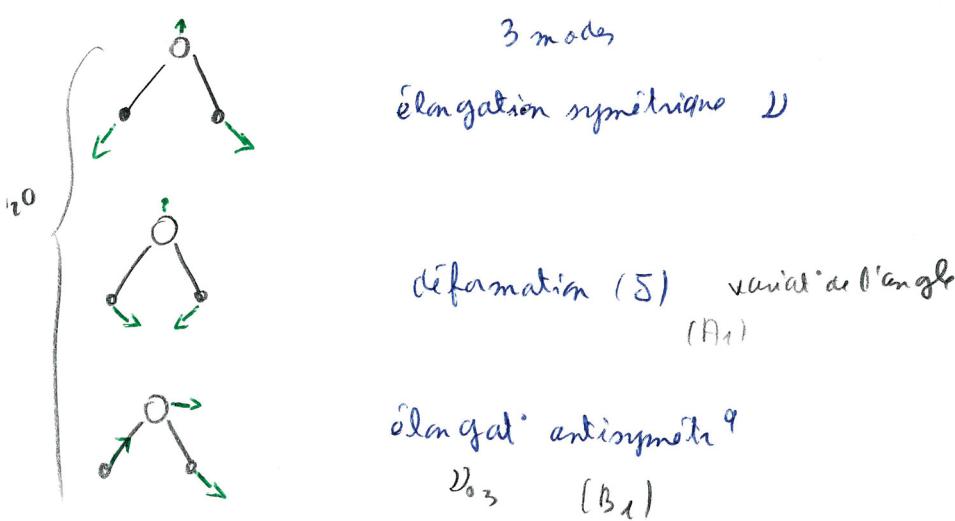
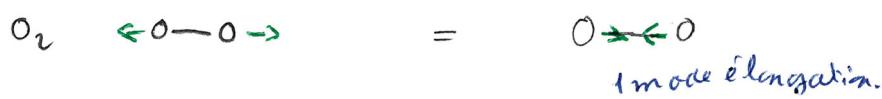
$$\left\{ \begin{array}{l} 3N-5 \text{ modes normaux de vib} \\ 3 \text{ translat}^* \\ 2 \text{ rotat}^* \end{array} \right.$$

molécule =  $3N-6$  oscillations indépendantes  $\Rightarrow 3N-6$  fréquences fondamentales  $\nu_0$

$$E_{vib} = \sum_{i=1}^{3N-6} (\nu_i + \frac{1}{2}) \cdot A \nu_{0i}$$

### Représentat\* des modes normaux de vibration

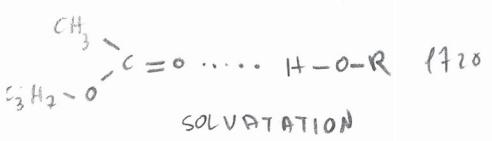
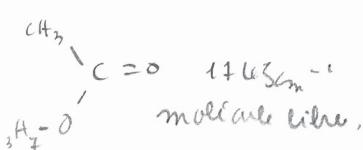
( $\rightarrow$  : déplacem\* instantanés des atomes)



Remarque : centre de gravité fixe

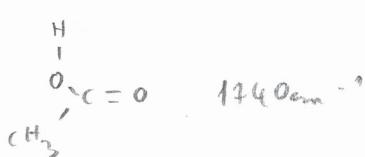
## Spectres d'absorption infrarouge ; liquides

A : la bande du spectre ① à  $1715 \text{ cm}^{-1}$  est dédouble de le spectre ② => association de molécules

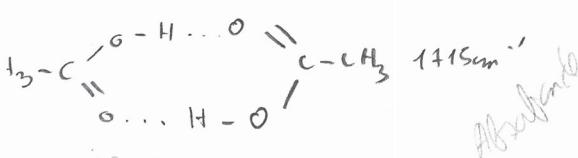


association avec molécules de solvant

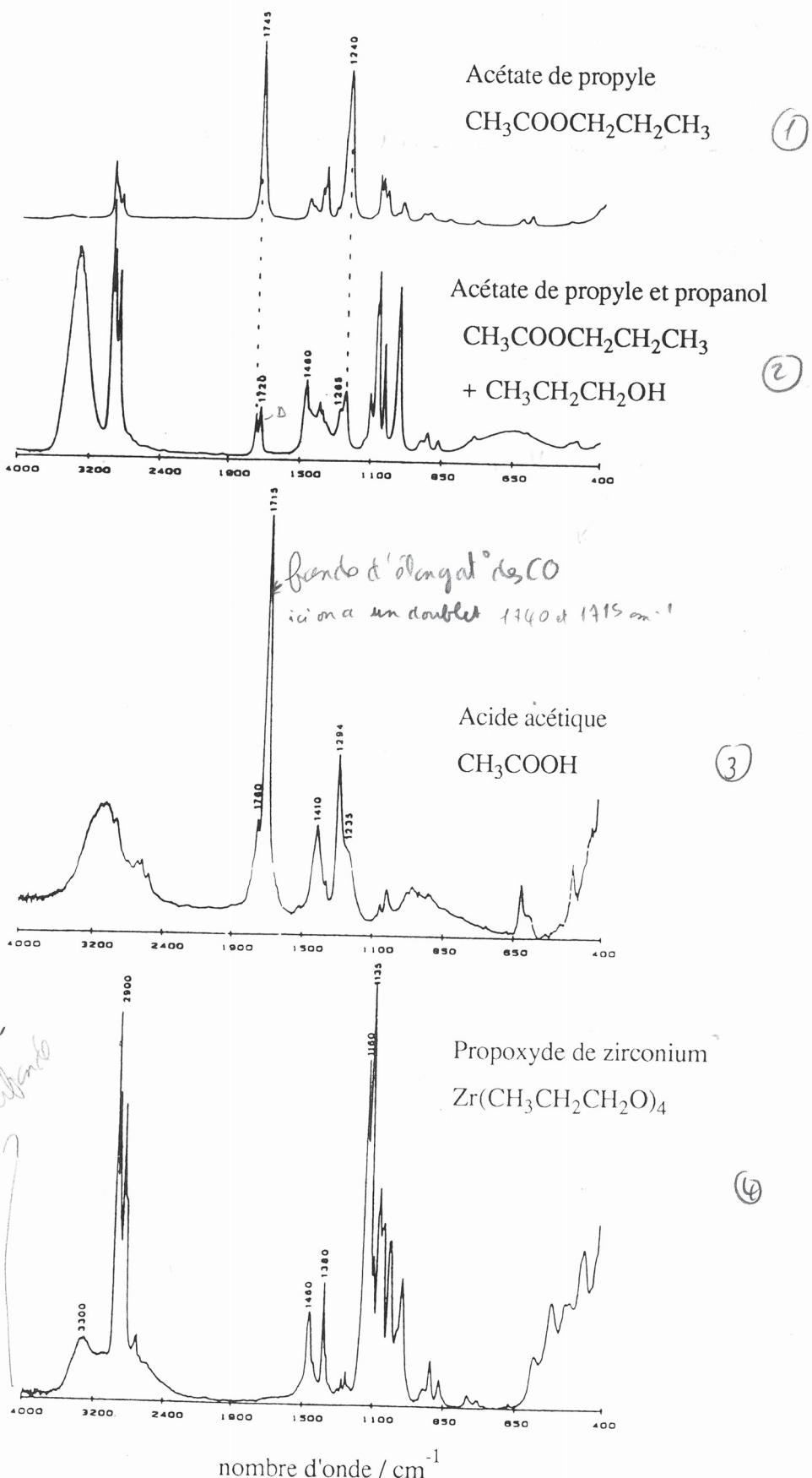
③  
Dès l'aide d'un 2 types de molécules  
molécules libres



molécules associées qui donnent les dimères

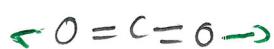


les molécules sont associées par des liaisons hydrogènes

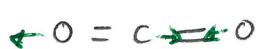


## Dégénérescence

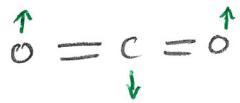
$\text{CO}_2$  élongat° antisym et déformat° sym présent en IR



élongat° symétrique  $\nu_{\text{O}_2}$  ( $\varepsilon^+$ ) pas actif en IR



élongat° antisymétrique  $\nu_{\text{O}_3}$  (Th) actif en IR car moment dipolaire variable



déformat°  $\nu_{\text{O}_2\alpha}$  (Thu) présent en IR

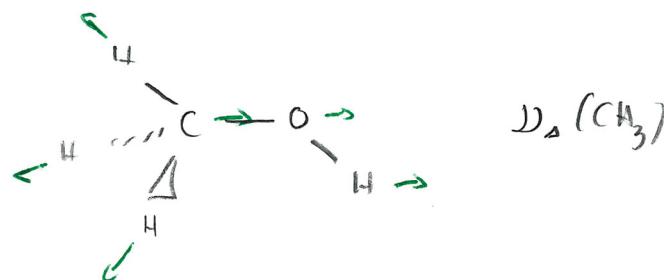
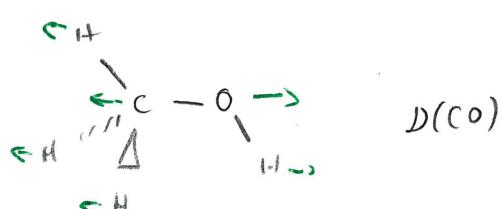
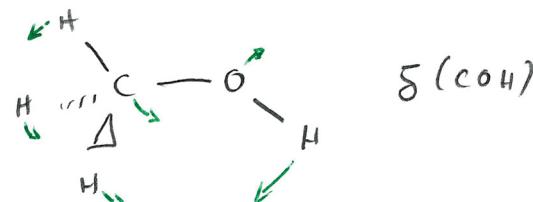
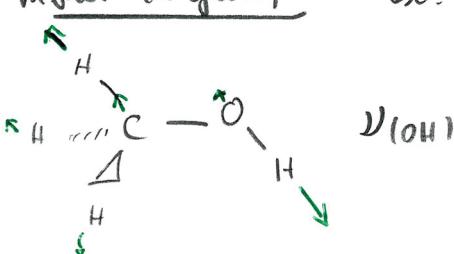


déformat°  $\nu_{\text{O}_2\beta}$  ( $\varepsilon^-$ )

$\nu_{\text{O}_2\alpha} = \nu_{\text{O}_2\beta} = \nu_{\text{O}_2}$  1 seule fréquence doublement dégénérée

## Vibrat° de groupe

ex: méthanol (12 modes normaux)

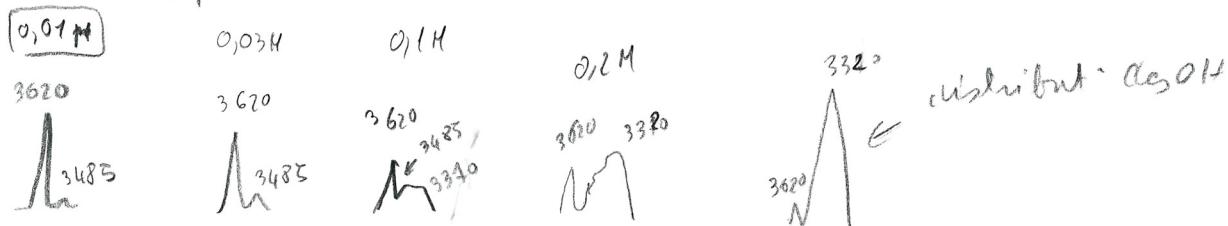


idem pour  $\text{CH}_3(\text{CH}_2)_n\text{CH}_2\text{OH}$

## Vibrat° (élongat°) des hydroxyles

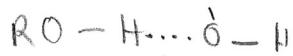


cyclohexanol +  $\text{CD}_4$



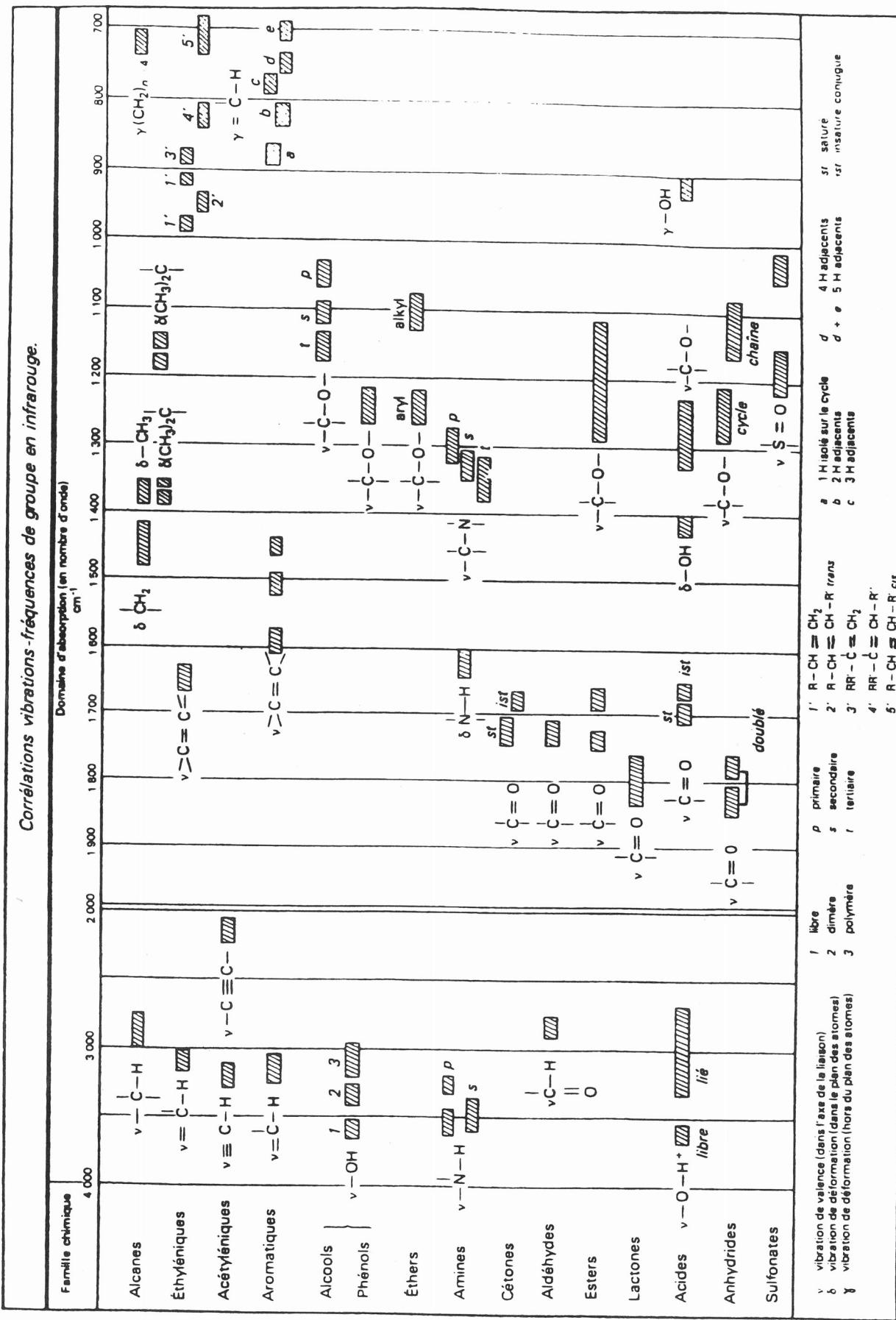
Si sol très dilué OH libre non associé. on  $\nearrow$  la  $\square$  OH ne sont plus libres, elles sont associées

Associat° non  
liasons hydrogène  
intermolaire



Les groupes OH donnent 1 bande très large qui correspond à tous les types d'associat° qu'ils peuvent avoir

*Corrélations vibrations-fréquences de groupe en infrarouge.*



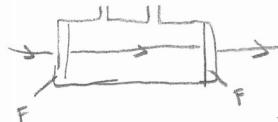


# Techniques d'échantillonnage en IRTF

## Choix du parcours optique I

### Cellule à gaz

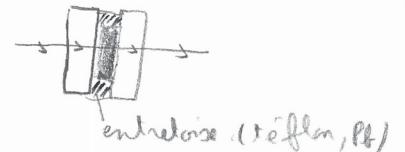
Réflexions multiples : 0,1 à 10 m



### Cellule à liquide

Entretoises Pb ou PTFE : 12,5 25 50 100 µm

Mesure précise de l par la méthode des franges d'interférence



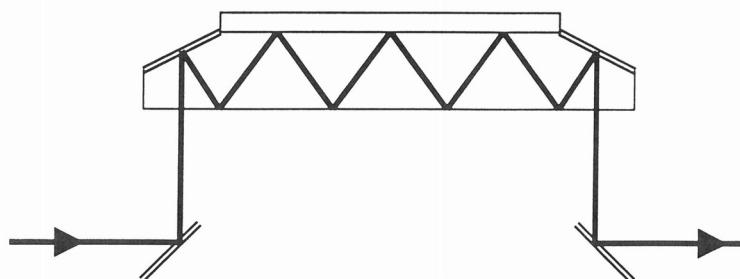
### Accessoire de réflexion totale atténuee (ATR)

Nature du cristal (indice de réfraction  $n_0$ )

Angle de réflexion  $\theta$  et nombre de réflexions

Dépendance de la profondeur de pénétration  $d$  avec  $\lambda$ .

$$d = \frac{\lambda}{2\pi \cdot n_0 \cdot \sqrt{\sin^2 \theta - \left(\frac{n_e}{n_0}\right)^2}}$$



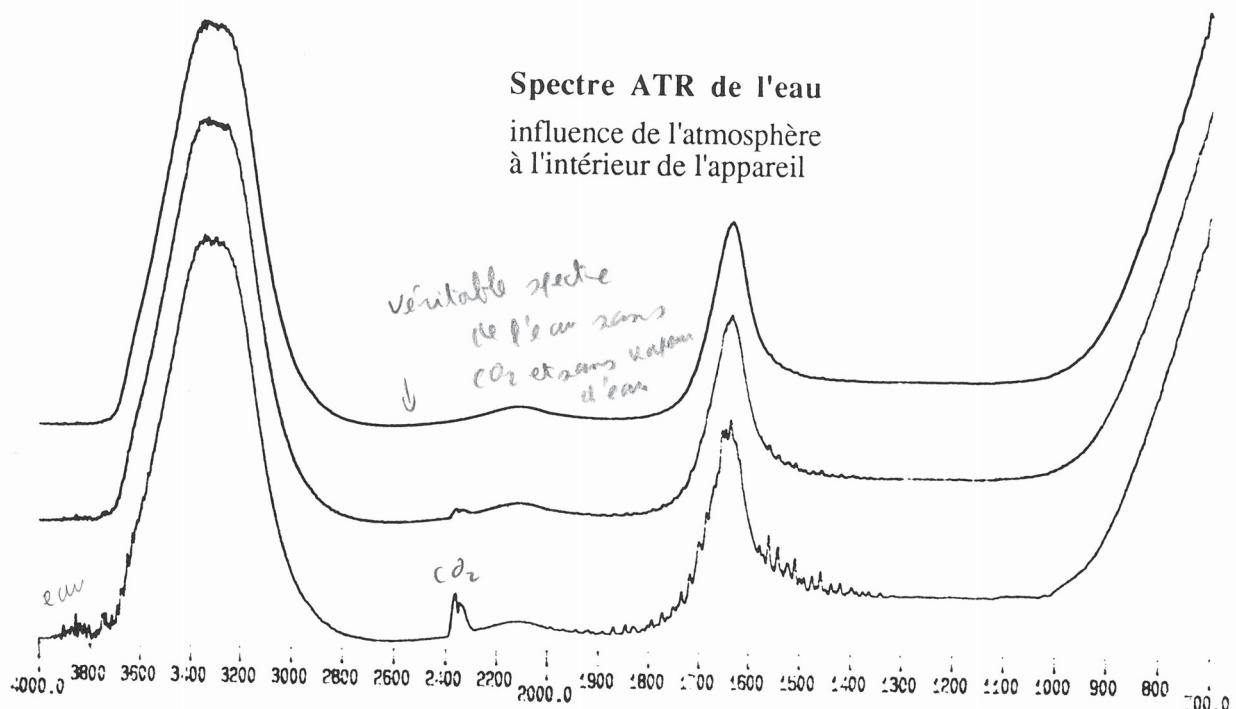


## Spectres d'absorption infrarouge ; technique ATR

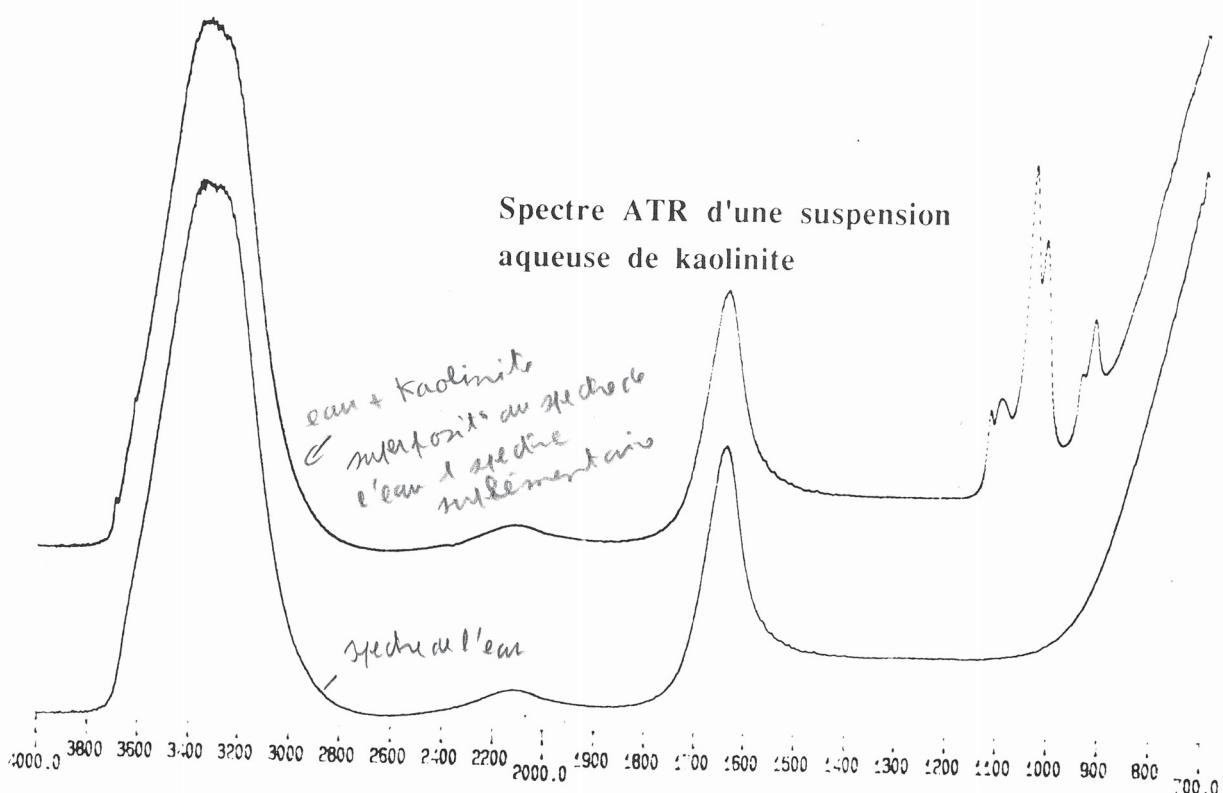
spectre de l'eau, superposé au spectre vibrat. de CO<sub>2</sub> + vapeur d'eau  
réflex<sup>o</sup> totale altérée

**Spectre ATR de l'eau**

influence de l'atmosphère  
à l'intérieur de l'appareil



**Spectre ATR d'une suspension aqueuse de kaolinite**



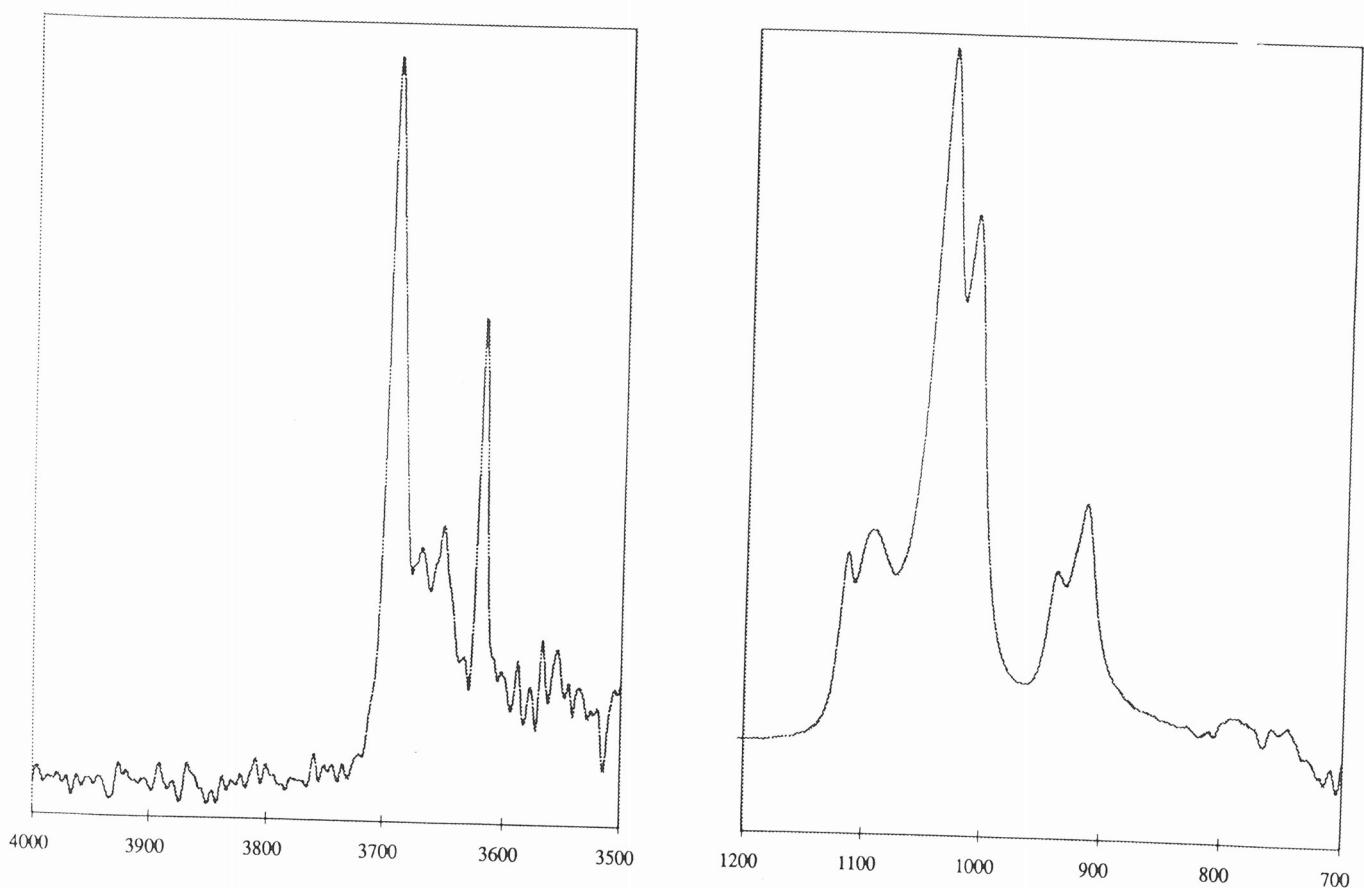
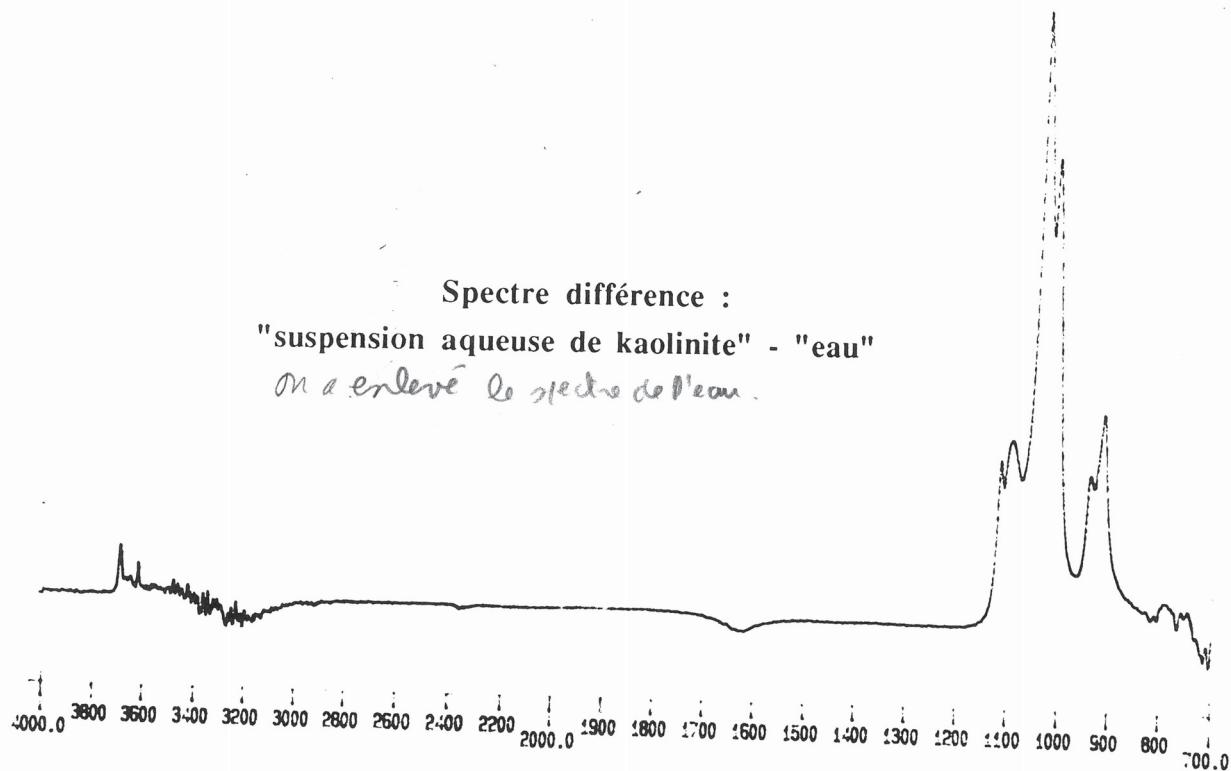


## Spectres d'absorption infrarouge ; technique ATR

Spectre différence :

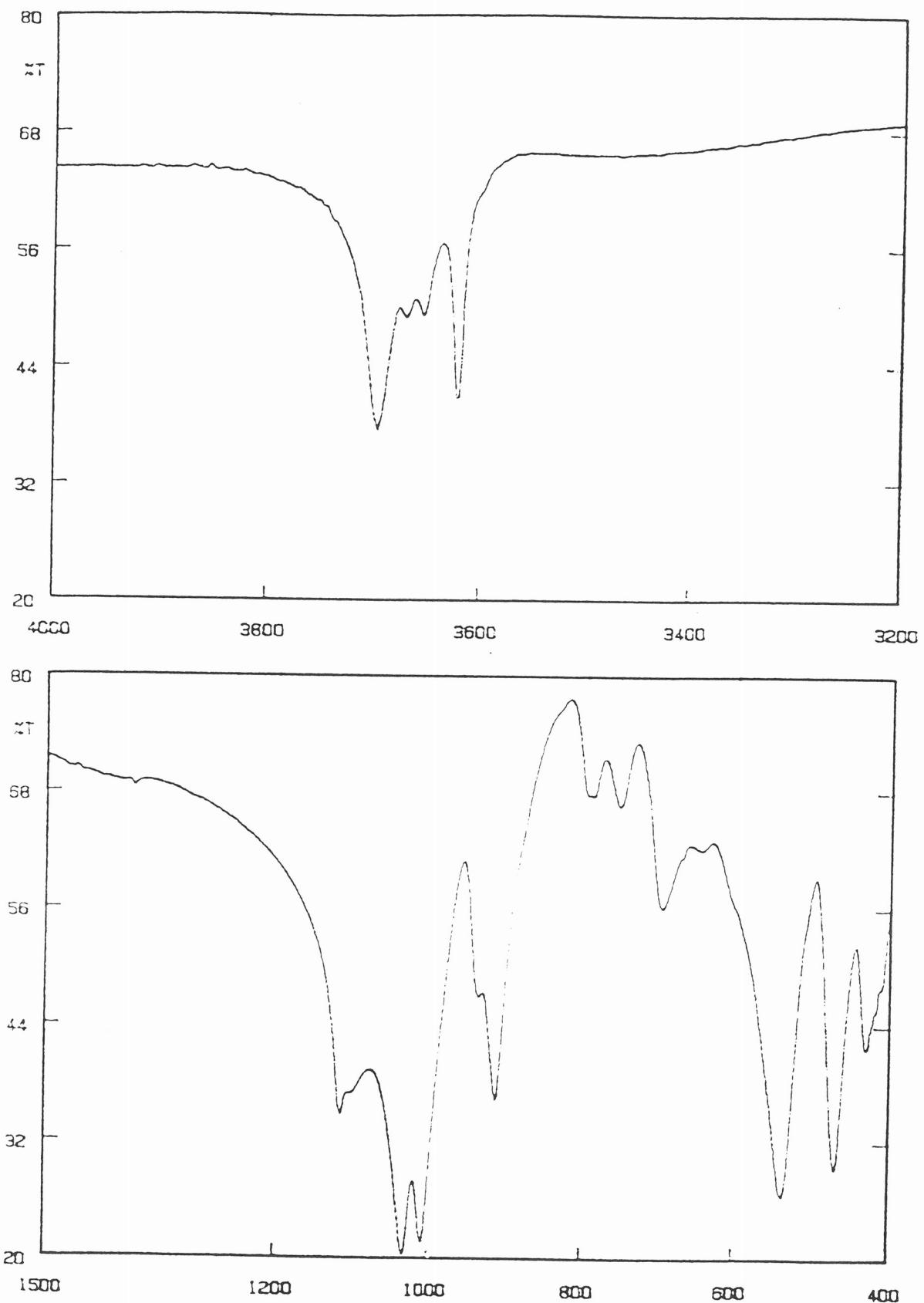
"suspension aqueuse de kaolinite" - "eau"

*On a enlevé le spectre de l'eau.*



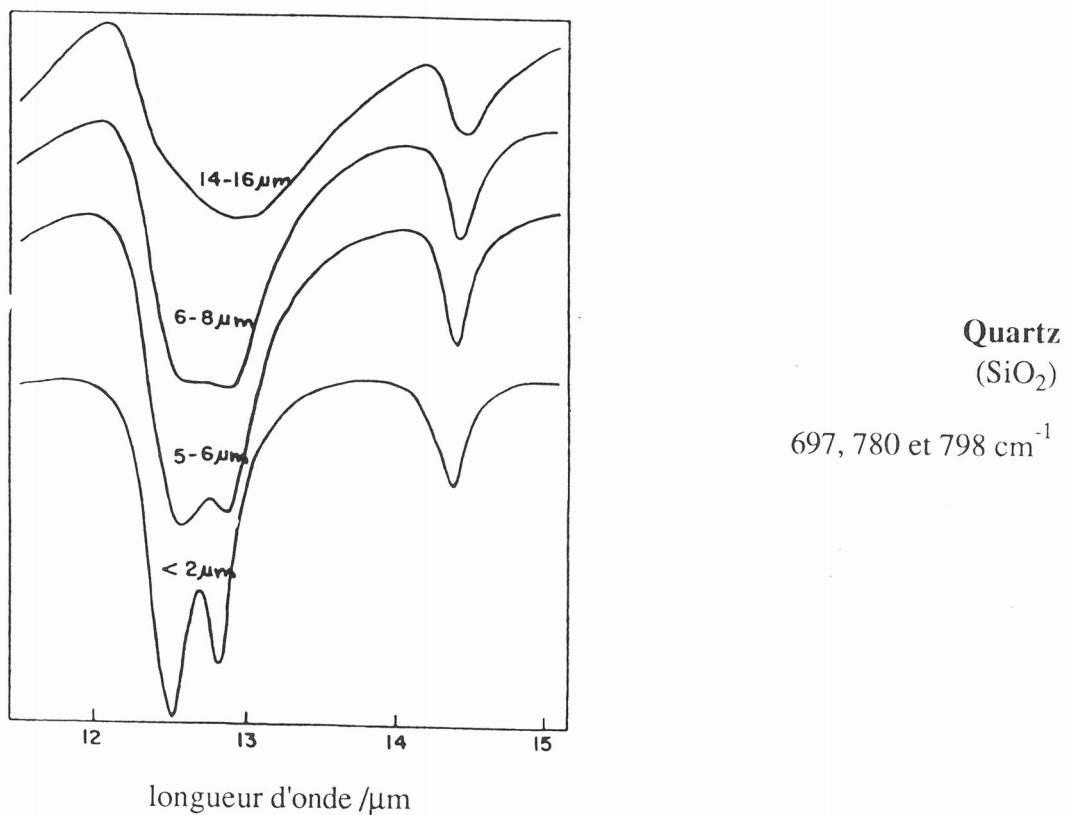
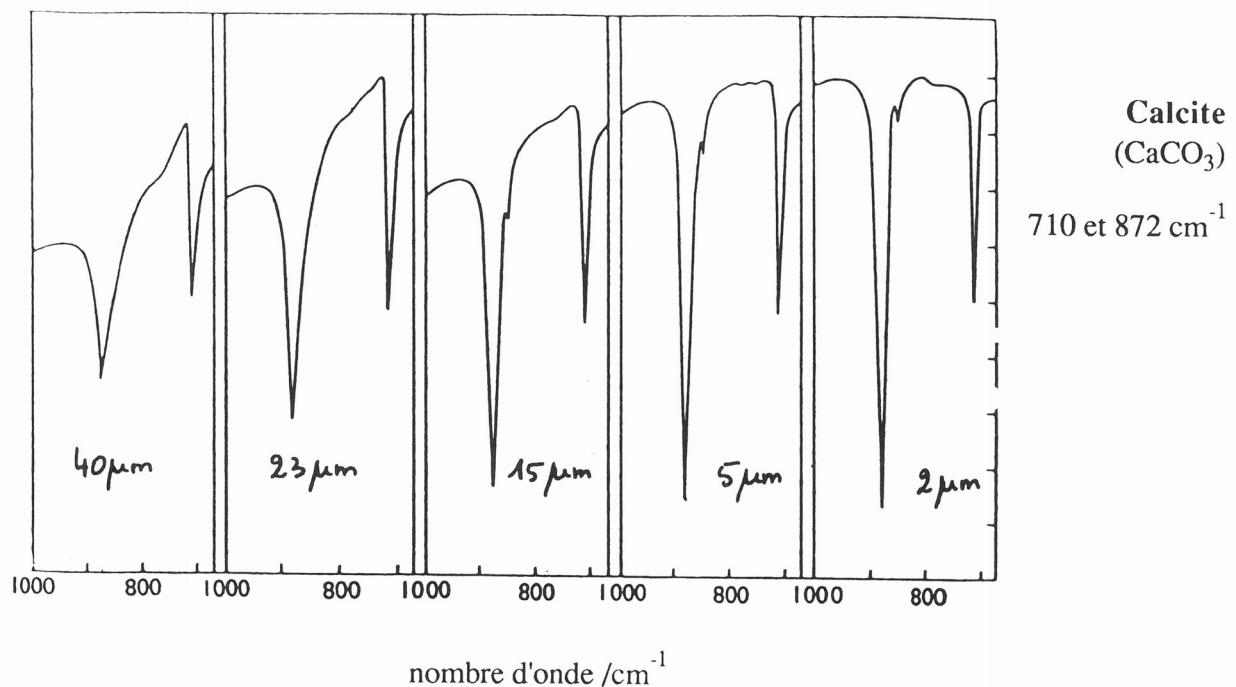


Spectre d'absorption infrarouge de la kaolinite  
technique en transmission (pastille KBr)





## Spectres d'absorption infrarouge ; solides en poudre Influence de la taille des grains

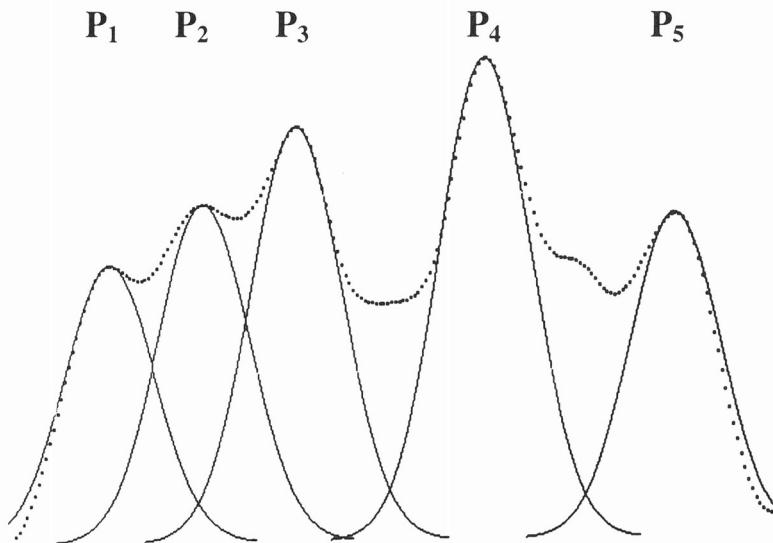




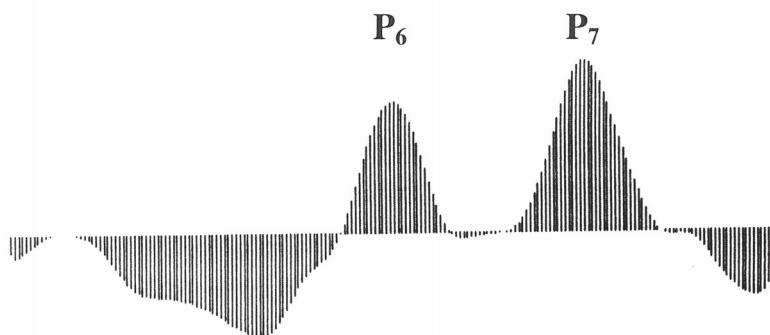
# Décomposition d'un spectre

## Méthode des résidus

1. Lissage du spectre expérimental S
2. Recherche du nombre de pics (maxima de S)
3. Choix d'un type de pic P (profil, largeur à mi-hauteur)
4. Optimisation de la largeur à mi-hauteur pour que  $A(S) = \sum A(P_i)$



5. Calcul des "résidus"  $S - \sum P_i$
6. Mise en évidence des pics "cachés"



7. Optimisation globale (minimisation de  $S - \sum P_i$ )

Dénombrement des modes de vibration  
Cristal moléculaire.

maille élémentaire

$N$  atomes

$\left\{ \begin{array}{l} m \text{ molécules de } n \text{ atomes} \\ p \text{ atomes "libres"} \end{array} \right.$

Modes de vibration

3 modes acoustiques

$(3N-3)$  modes optiques

$m(3m-6)$  atomes internes

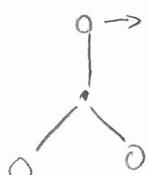
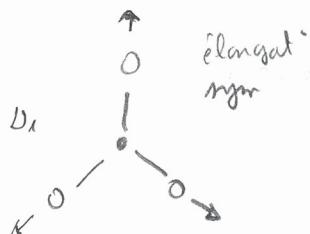
$(N-3)m(3n-6)$  modes externes

$3m$  libres  
dilat.

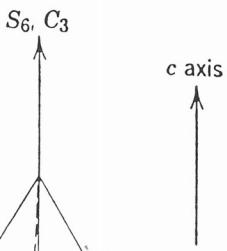
$(N-3m)$  translat.

molécules  $AB_3$  ( $D_3h$ )

6 modes de vibrat.



Il y a 6 modes de vibration  
mais il y a des modes qui  
sont doubllement dégénérés



maille élémentaire de la calcite

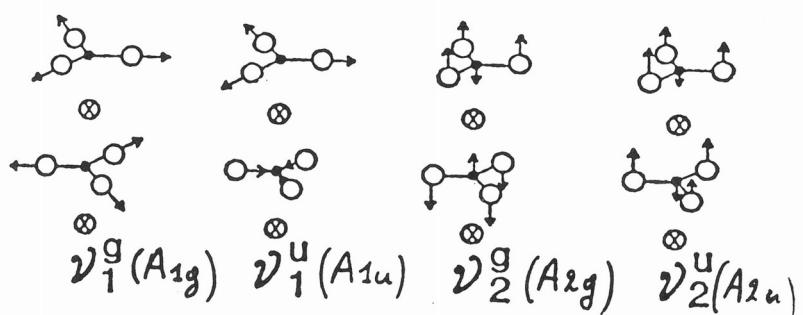
$$\begin{aligned} N &= 10 \\ m &= 2 \\ n &= 4 \\ p &= 2 \text{ Ca}^{2+} \end{aligned}$$

7 modes extérieurs  
2 modes internes  
5 modes externes  
6 librat.  $\downarrow$  4 translat.

## Vibrations internes

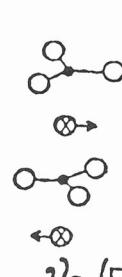
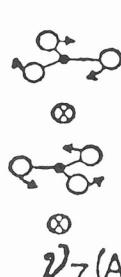
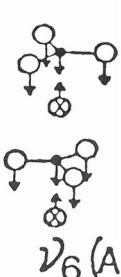
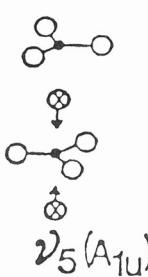
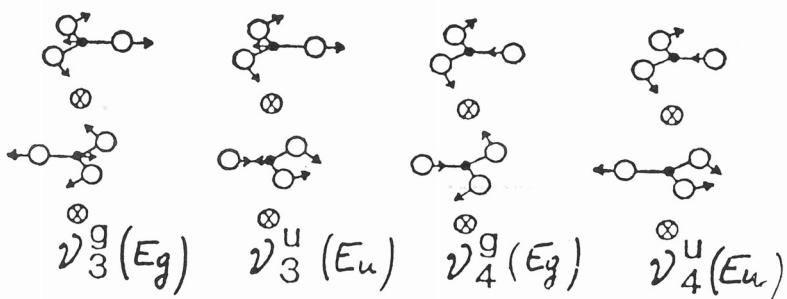
### Elongations

( $v_1, v_3$ )



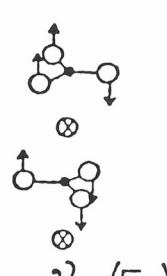
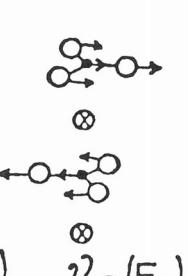
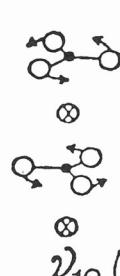
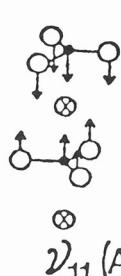
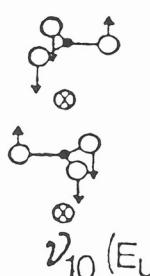
### Déformations

( $v_2, v_4$ )



on a que 10 fréquences car  $v_8, v_9, v_{10}, v_{13}$  et  $v_{14}$  sont doublement dégénérées  
 $\Rightarrow 15$  modes

## Vibrations externes



### Translations

( $v_5, v_6, v_8, v_9, v_{11}, v_{13}$ )

### Librations

( $v_7, v_{10}, v_{12}, v_{14}$ )

## Modes de vibration de la calcite

$$G_E = D_{3d}^6 \text{ (R3c)}$$

$G_F = D_{3d}$  on a 12 modes internes

$$Z_B = 2$$

$G_M = D_{3h}$  mais  $v_3$  et  $v_4$  sont

doublent dégénérés, de c'est

$$G_S = D_3$$
 ce qui on a dessiné que

$$G_E = S_6 8 fréquences$$



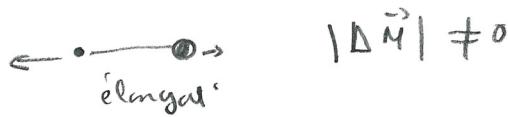
# Fréquences de vibration de la calcite

Calcul pour un monocristal ( $\bar{v}$  en  $\text{cm}^{-1}$ )

Hellwedge K. H., Lesch W., Plihal M. & Schaack G., Z. Physik, 232, 1970, 61-86.

Fréquence	Symétrie du mode	$\bar{v}_T$	$\bar{v}_L$	Activité
$v_1^u$	$A_{1u}$			Inactive
$v_2^u$	$A_{2u}$	872	890	IR
$v_3^u$	$E_u$	1407	1549	IR
$v_4^u$	$E_u$	712	715	IR
$v_1^g$	$A_{1g}$	1088		R (xx, zz)
$v_2^g$	$A_{2g}$			Inactive
$v_3^g$	$E_g$	1432		R (xx)
$v_4^g$	$E_g$	714		R (xx, xy)
$v_5$	$A_{1u}$			Inactive
$v_6$	$A_{2u}$	303	387	IR
$v_7$	$A_{2u}$	92	136	IR
$v_8$	$E_u$	297	381	IR
$v_9$	$E_u$	223	239	IR
$v_{10}$	$E_u$	102	123	IR
$v_{11}$	$A_{2g}$			Inactive
$v_{12}$	$A_{2g}$			Inactive
$v_{13}$	$E_g$	283		R (xz)
$v_{14}$	$E_g$	156		R (xz)

## moment dipolaire



## Polarisabilité

$$\vec{P} = \vec{M}_{\text{ind}} = \alpha \vec{F}_{\text{ext}}$$

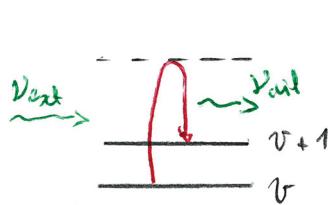
$M_{\text{ind}} x$

$M_{\text{ind}} y$

$M_{\text{ind}} z$

## diffus° Raman

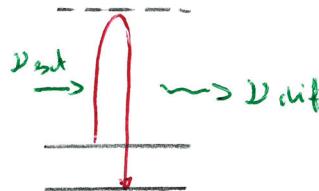
|| la règle de sélect° spéci° Raman : La transit° est active en diffusion Raman si la polarisabilité varie durant la vibrat°.



Diffusion Raman Stokes

$$h\nu_{\text{ext}} = \Delta E + h\nu_{\text{dif}}$$

$$\nu_{\text{dif}} = \nu_{\text{ext}} - \nu_0$$

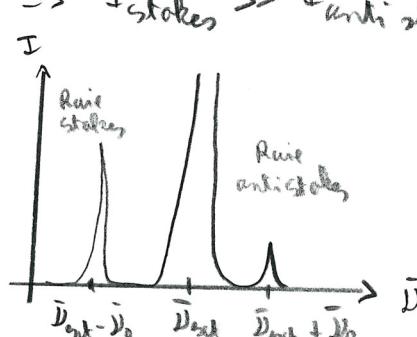
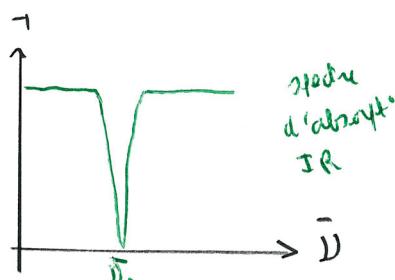


Diffus° Raman anti-Stokes

$$h\nu_{\text{ext}} = \Delta E + h\nu_{\text{dif}}$$

$$\nu_{\text{dif}} = \nu_{\text{ext}} + \nu_0$$

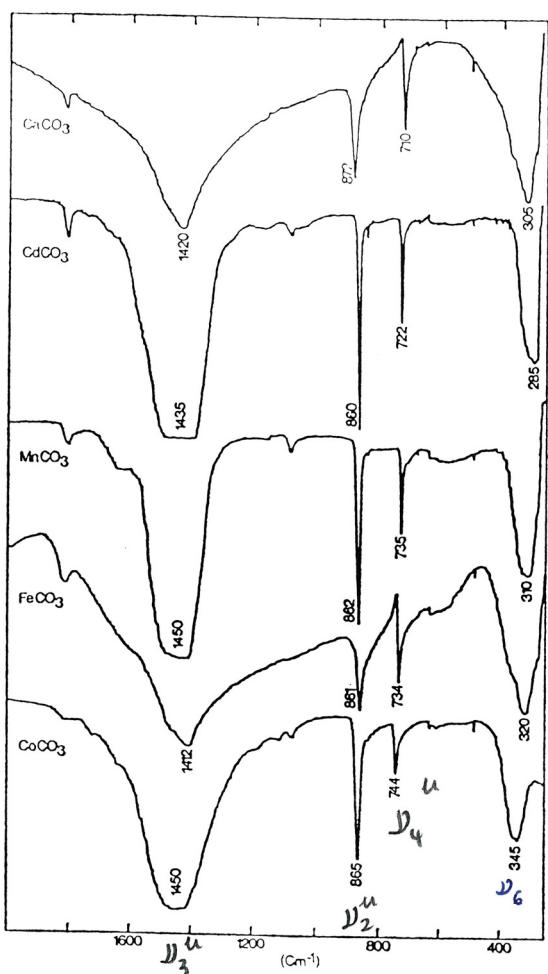
Remarque :  $n(v) \gg n(v+1) \Rightarrow I_{\text{Stokes}} \gg I_{\text{anti-Stokes}}$



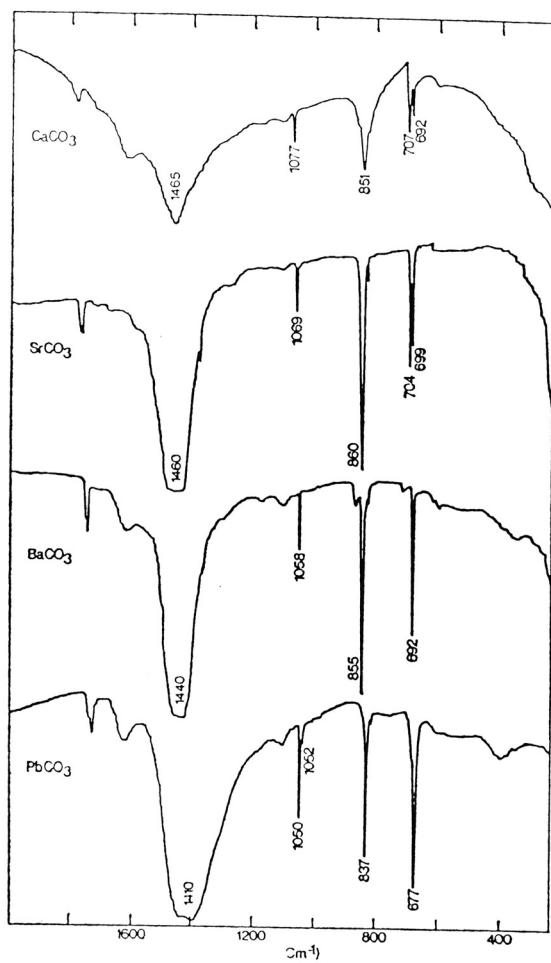
spectre de diffus° Raman

# Spectres vibrationnels des carbonates $MCO_3$

Structure-type : calcite

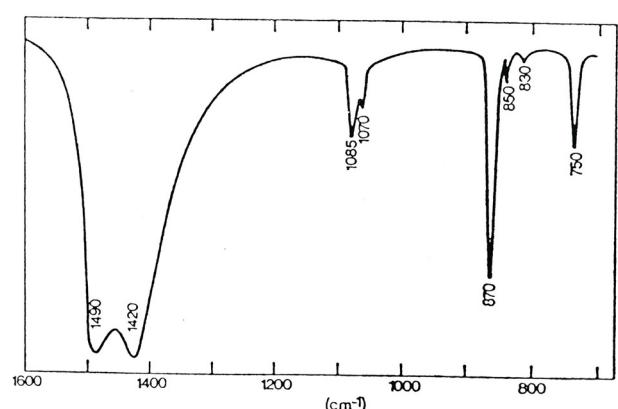
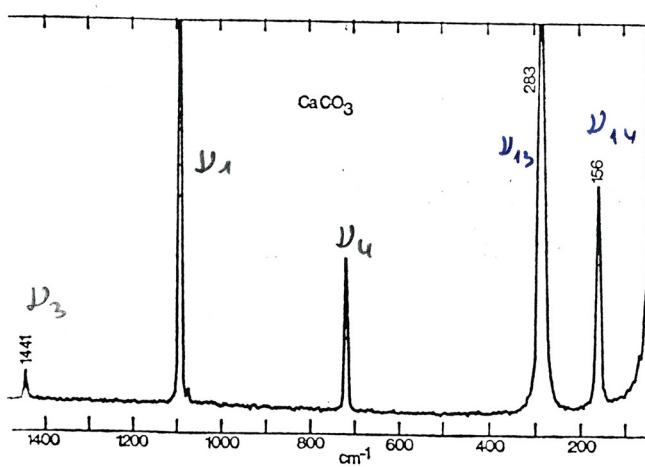


Structure-type : aragonite



à la passation l'aragonite  $\nu_6$  disparaît

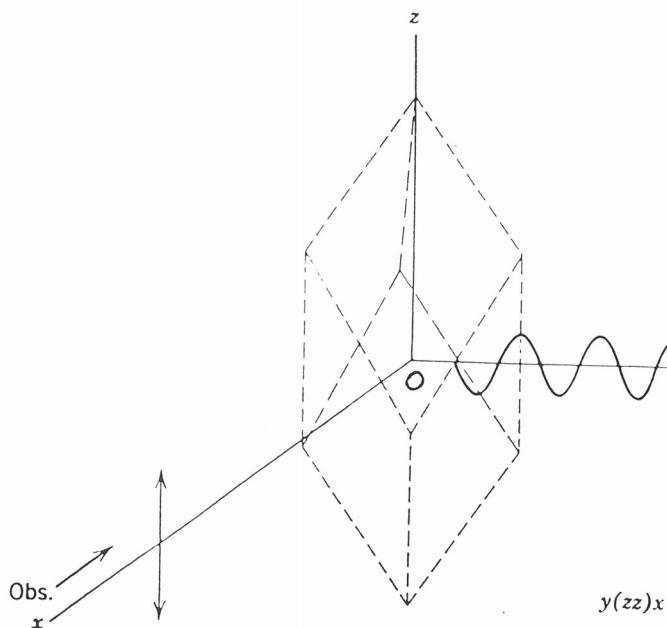
Spectres IR de poudre



Spectre Raman de la calcite

Spectre IR de la vaterite



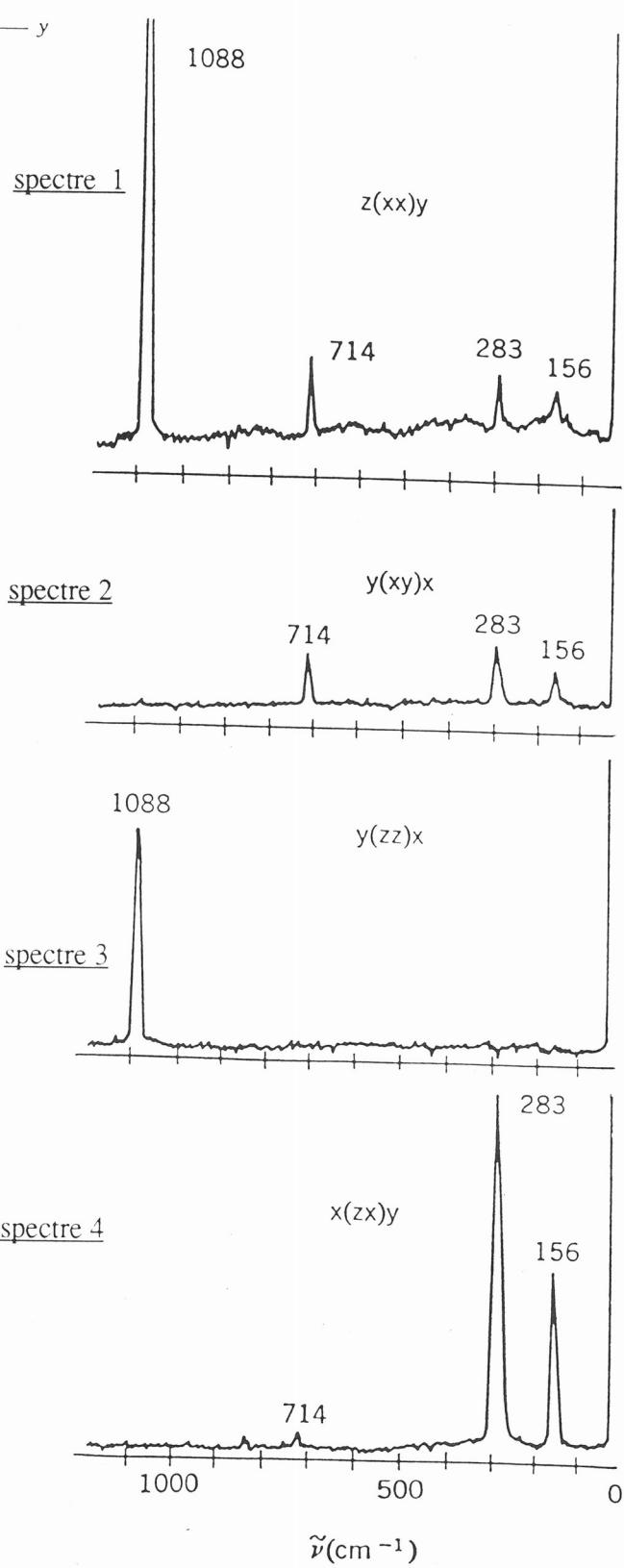


- orientation du monocristal :  
axe c selon Oz

- faisceau Laser selon :  
Ox pour le spectre 4  
Oy pour les spectres 2 et 3  
Oz pour le spectre 1

- direction d'analyse selon :  
Ox pour les spectres 2 et 3  
Oy pour les spectres 1 et 4

## Spectre Raman de la calcite ; étude en lumière polarisée

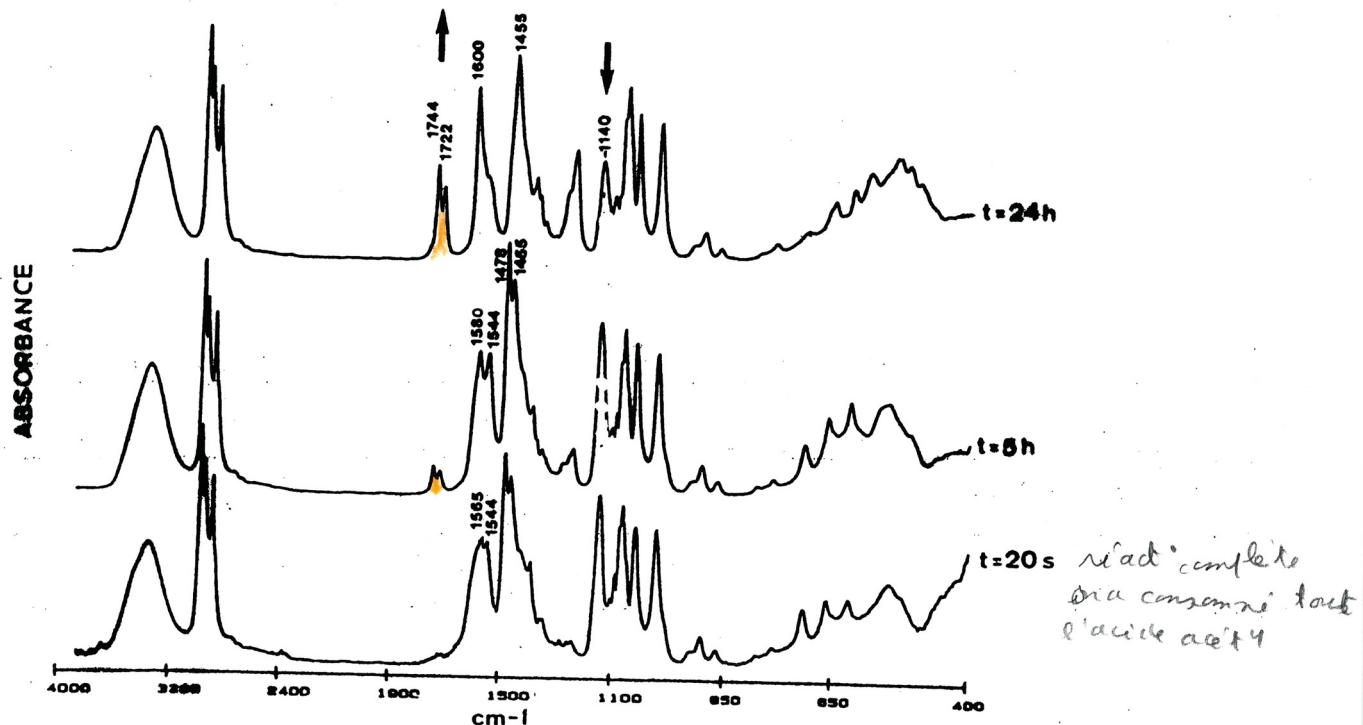




## Etude de la modification chimique de Zr(Opr)<sub>4</sub> par AcOH

Evolution d'une solution d'alcoxyde de zirconium et d'acide acétique dans le propanol

format "d'" est en



### Commentaires

La réaction instantanée est caractérisée par (t=20s) :

- la disparition totale de AcOH ( 1712 cm<sup>-1</sup> )
- la diminution importante des ZrOpr ( 1140 cm<sup>-1</sup> )
- L'apparition des ZrOAc ( 1560; 1480 cm<sup>-1</sup> )

Le vieillissement de la solution se traduit par :

- La formation de AcOpr ( 1744 1722; 1260 1238 cm<sup>-1</sup> )
- La diminution continue des ZrOpr
- la modification des ZrOAc



## TD Spectroscopie

La feuille des figures est à compléter.

### Energies de vibration et de rotation d'une molécule diatomique

1. Compléter le diagramme de niveaux d'énergie de la feuille des figures (énergie en unités arbitraires). Indiquer les valeurs des nombres quantiques  $v$  et  $J$  correspondant à chaque niveau.

2. Sur ce diagramme, représenter les transitions correspondant au spectre de rotation d'une molécule diatomique. Numéroter ces transitions et identifier, à l'aide de ces numéros et quand cela est possible, les raies d'absorption du spectre de rotation expérimental de HCl.

3. Sachant que l'écart entre deux raies d'absorption consécutives du spectre de rotation de HCl est égal à  $20,7 \text{ cm}^{-1}$ , calculer la distance internucléaire  $R$  de la molécule HCl.

4. L'hydrogène a deux isotopes naturels  $^1\text{H}$  et  $^2\text{H}$  dont les masses atomiques et les facteurs d'abondance sont respectivement 1,008 u ; 99,985% et 2,014 u ; 0,015%. Le chlore a également deux isotopes naturels  $^{35}\text{Cl}$  et  $^{37}\text{Cl}$  dont les masses atomiques et les facteurs d'abondance sont respectivement 34,968 u ; 75,77% et 36,966 u ; 24,23%.

. Calculer les facteurs d'abondance des différentes molécules HCl.

. Pour les deux molécules les plus abondantes calculer l'énergie de la transition  $J=0 \rightarrow J=1$ . Expliquer pourquoi on n'observe pas d'effet isotopique sur le spectre de rotation expérimental de HCl.

5. Sur le diagramme de niveaux d'énergie, représenter les transitions correspondant au spectre de vibration-rotation d'une molécule diatomique. Numéroter ces transitions et identifier, comme dans la question 1.2., les raies d'absorption du spectre de vibration-rotation expérimental de HCl.

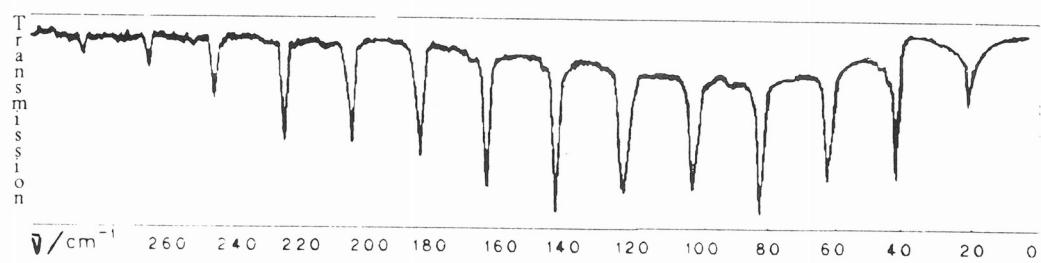
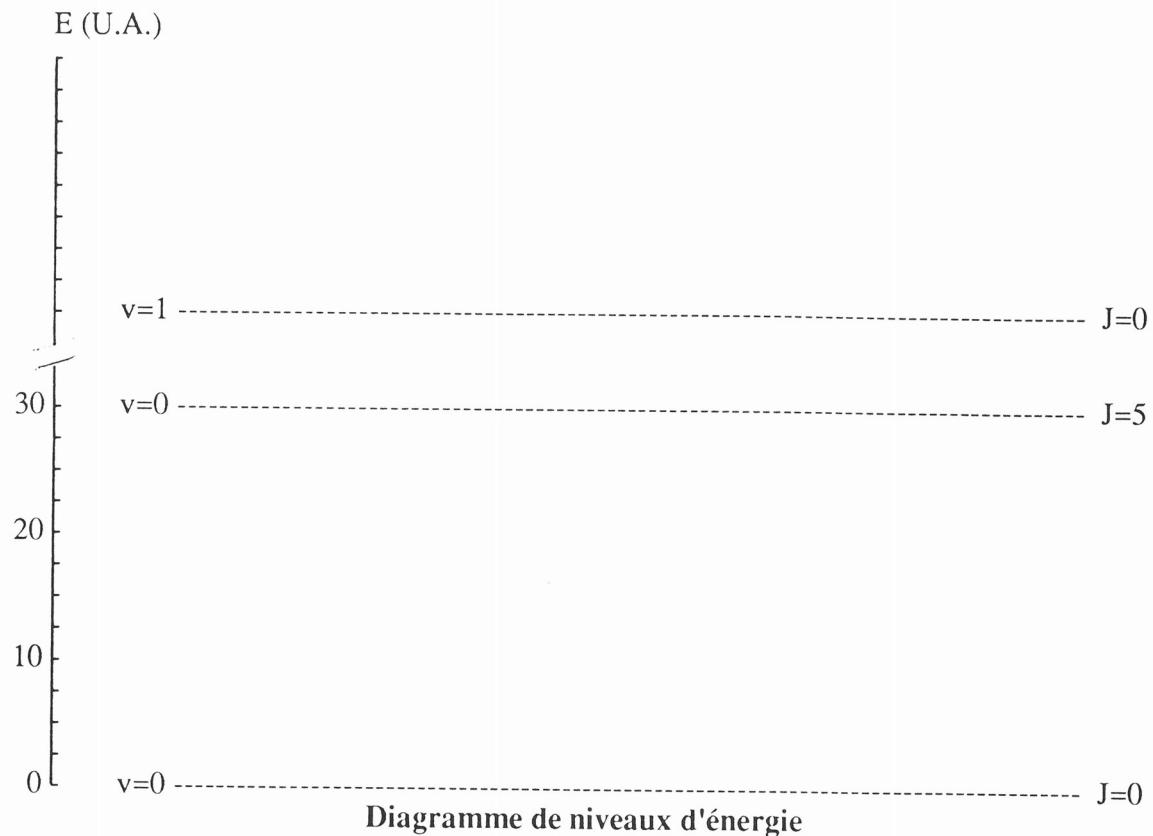
6. Chaque raie du spectre de vibration-rotation est un doublet. Expliquer et calculer le rapport théorique des valeurs d'absorbance des deux composantes du doublet.

7. Estimer la valeur de la constante de force  $k$  de la liaison chimique dans la molécule HCl.

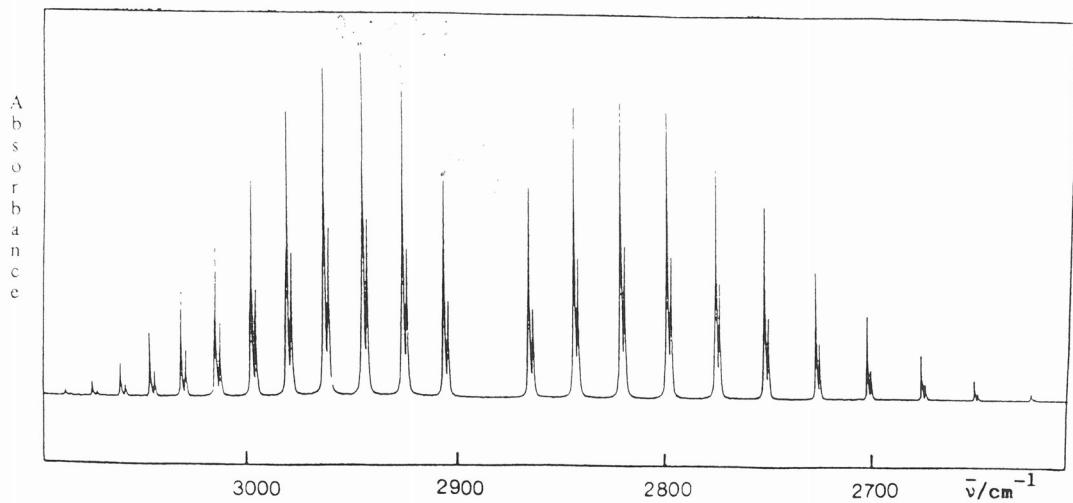
Données :       $h=6,6262 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$        $c=2,9979 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$        $u=1,6606 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$



## Feuille des figures



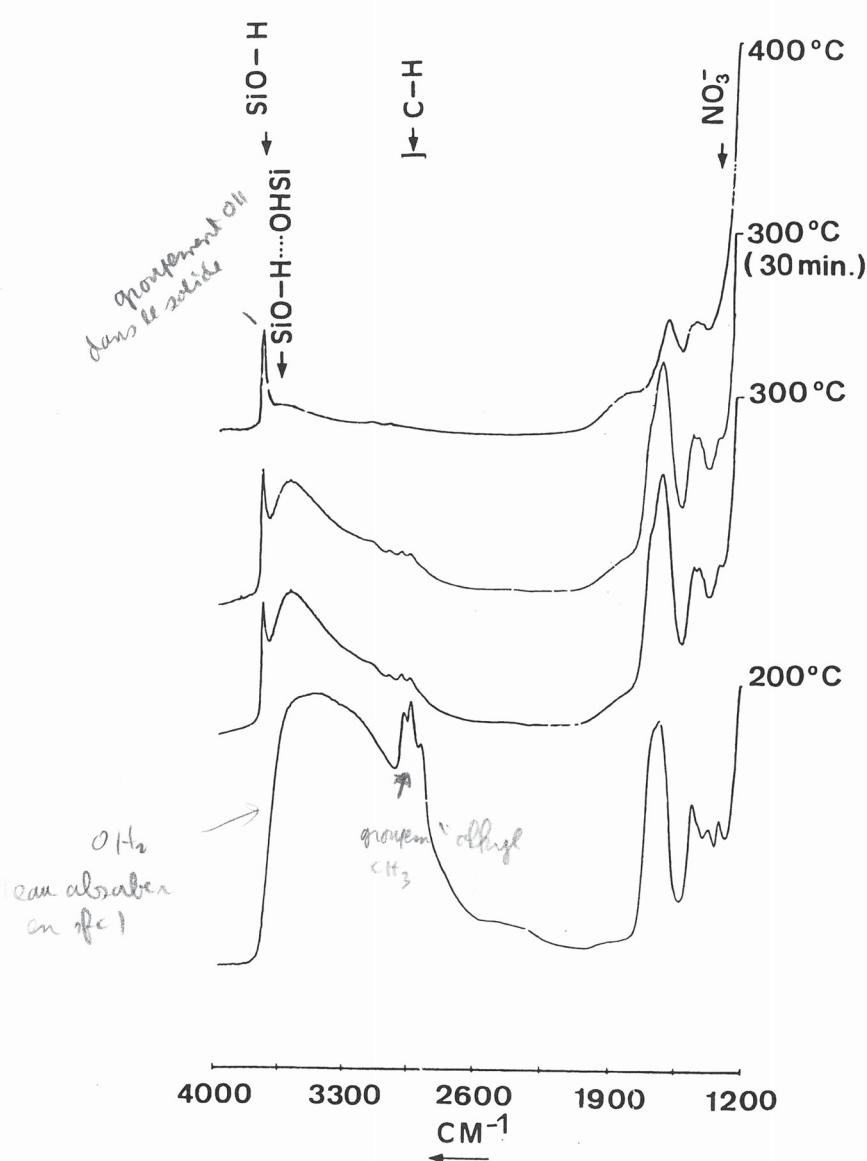
Spectre de rotation de HCl



Spectre de vibration-rotation de HCl

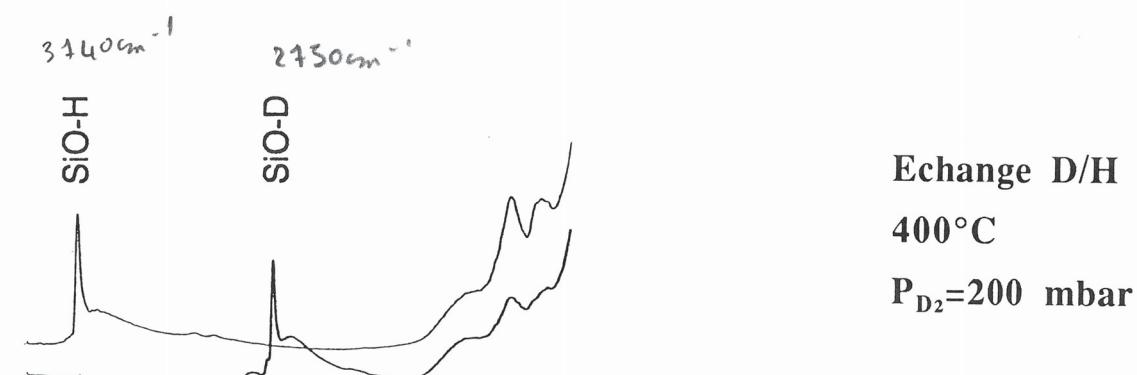


## Etude de l'évolution thermique d'un aérogel de cordiérite



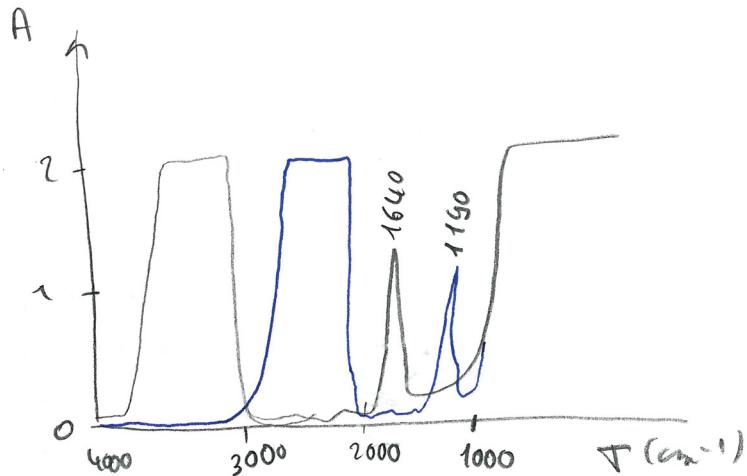
tir en absorption, les bandes se vers le haut  
quand monte en  $\theta$ , le spectre se simplifie  $\rightarrow$  thermolyse  
il y a des choses qui disparaissent

Thermolyse  
sous vide



on a injecté du deutérium  $\rightarrow$  La bande à  $3740 \text{cm}^{-1}$  disparaît et il apparaît une bande à  $2750 \text{cm}^{-1}$  - Les OH se sont transformés en OD

échange isotopique.



$\text{H}_2\text{O}$        $\text{D}_2\text{O}$

si on veut travailler au dessus de  $3000\text{cm}^{-1}$  on ne va rien car il y a les OH qui gêne mais si on remplace par de l'eau lourde, la zone est dégagée.

fenêtre  $\text{BaF}_2$        $\ell = 6 \mu\text{m}$